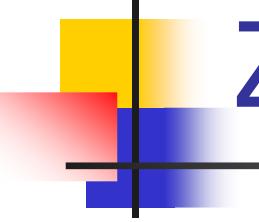


Felder (Arrays) und Zeiger (Pointers) - Teil II

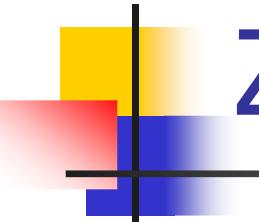
Zeichen, Texte, String Matching;
Mehrdimensionale Felder;
kürzeste Wege



Zeichen und Texte

- Texte haben wir schon gesehen:

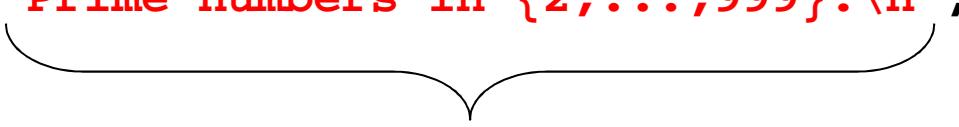
```
std::cout << "Prime numbers in {2,...,999}:\n";
```



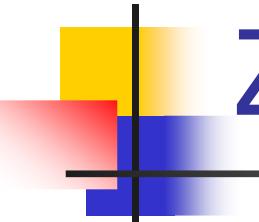
Zeichen und Texte

- Texte haben wir schon gesehen:

```
std::cout << "Prime numbers in {2,...,999}:\n";
```



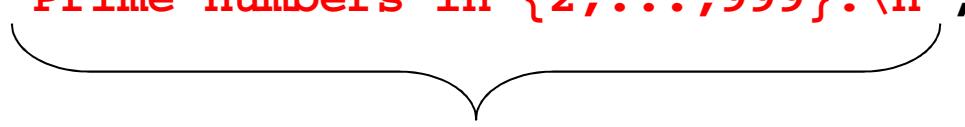
String-Literal



Zeichen und Texte

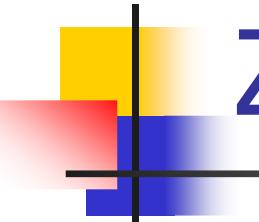
- Texte haben wir schon gesehen:

```
std::cout << "Prime numbers in {2,...,999}:\n";
```



String-Literal

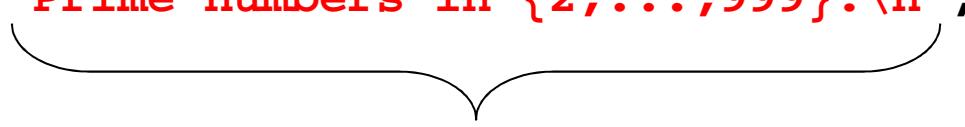
- Können wir auch “richtig” mit Texten arbeiten?



Zeichen und Texte

- Texte haben wir schon gesehen:

```
std::cout << "Prime numbers in {2,...,999}:\n";
```

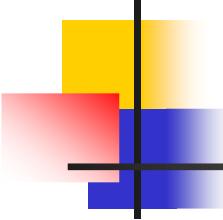


String-Literal

- Können wir auch “richtig” mit Texten arbeiten? Ja:

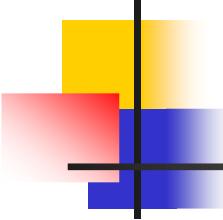
Zeichen: Wert des fundamentalen Typs **char**

Text: Feld mit zugrundeliegendem Typ **char**



Der Typ `char` ("character")

- repräsentiert druckbare Zeichen (z.B. `'a'`) und *Steuerzeichen* (z.B. `'\n'`)

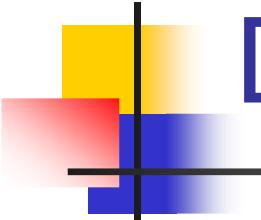


Der Typ **char** ("character")

- repräsentiert druckbare Zeichen (z.B. '`a`') und *Steuerzeichen* (z.B. '`\n`')

```
char c = 'a'
```

definiert Variable c vom
Typ **char** mit Wert '`a`';



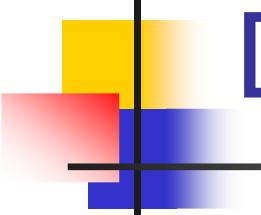
Der Typ **char** ("character")

- repräsentiert druckbare Zeichen (z.B. '`a`') und *Steuerzeichen* (z.B. '`\n`')

```
char c = 'a'
```

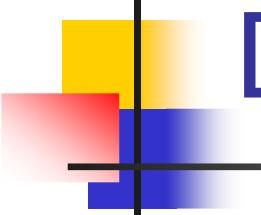
definiert Variable c vom
Typ **char** mit Wert '`a`' ;

Literal vom Typ
char



Der Typ `char` ("character")

- ist formal ein ganzzahliger Typ
 - Werte konvertierbar nach `int` / `unsigned int`
 - Alle arithmetischen Operatoren verfügbar
(Nutzen zweifelhaft: was ist '`a`' / '`b`' ?)

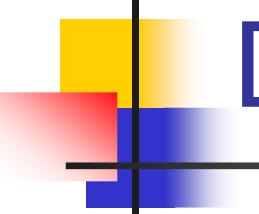


Der Typ `char` ("character")

- ist formal ein ganzzahliger Typ
 - Werte konvertierbar nach `int` / `unsigned int`
 - Alle arithmetischen Operatoren verfügbar
(Nutzen zweifelhaft: was ist '`a`' / '`b`' ?)
 - Werte belegen meistens 8 Bit

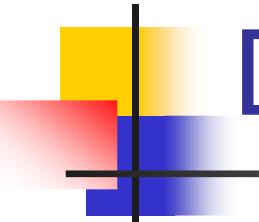
Wertebereich:

$\{-128, \dots, 127\}$ oder $\{0, \dots, 255\}$



Der ASCII-Code

- definiert konkrete Konversionregeln
`char → int / unsigned int`
- wird von fast allen Plattformen benutzt



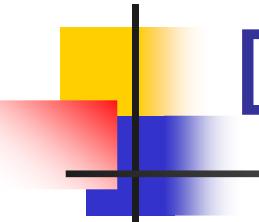
Der ASCII-Code

- definiert konkrete Konversionregeln
`char` → `int` / `unsigned int`
- wird von fast allen Plattformen benutzt

Zeichen → {0,...,127}

`'A'`, `'B'`, ..., `'Z'` → 65, 66,...,90

`'a'`, `'b'`, ..., `'z'` → 97, 98,...,122



Der ASCII-Code

```
for (char c = 'a'; c <= 'z'; ++c)
```

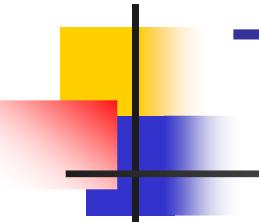
```
    std::cout << c;
```

Ausgabe: abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

Zeichen → {0,...,127}

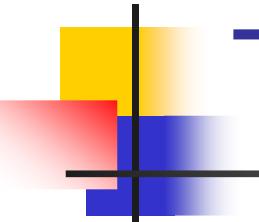
'A', 'B', ..., 'Z' → 65, 66,...,90

'a', 'b', ..., 'z' → 97, 98,...,122



Texte

- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ **char**



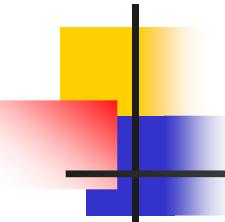
Texte

- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ **char**

```
char text[] = {'b', 'o', 'o', 'l'}
```



definiert ein Feld der Länge 4,
das dem Text "bool" entspricht



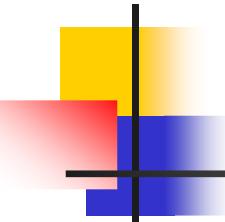
Texte

- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ **char**

```
char text[] = {'b', 'o', 'o', 'l'}
```

- können auch durch String-Literale definiert werden

```
char text[] = "bool"
```



Texte

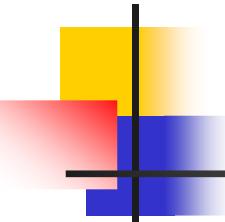
- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ **char**

```
char text[] = {'b', 'o', 'o', 'l'}
```

- können auch durch String-Literale definiert werden

```
char text[] = "bool"
```

definiert ein Feld der Länge 5, das dem Text "bool" entspricht und *null-terminiert* ist (Extrazeichen '\0' wird am Ende angehängt)



Texte

- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ **char**

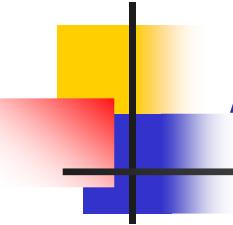
```
char text[] = {'b', 'o', 'o', 'l'}
```

- können auch durch String-Literale definiert werden

```
char text[] = "bool"
```

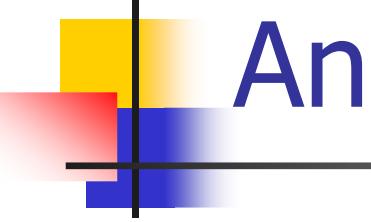
“speichert” seine Länge!

definiert ein Feld der Länge **5**, das dem Text “bool” entspricht und *null-terminiert* ist (Extrazeichen '\0' wird am Ende angehängt)



Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!



Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

“Trivialer” Algorithmus:

Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa



Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

“Trivialer” Algorithmus:

Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa



Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

“Trivialer” Algorithmus:

Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa

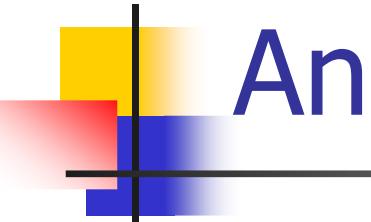


Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

“Trivialer” Algorithmus:

Gallia est omnis di**visa** in partes tres
= (gefunden!)
visa



Anwendung: *String matching*

```
#include<iostream>

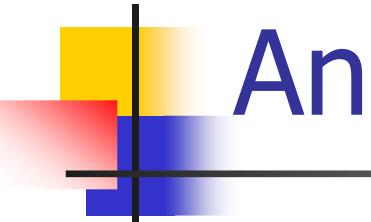
int main ()
{
    // search string
    const char s[] = "bool";

    // determine search string length m
    unsigned int m = 0;
    for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

    // cyclic text window of size m
    char* const t = new char[m];

    unsigned int w = 0; // number of characters read so far
    unsigned int i = 0; // index where t logically starts
    ...
```

Muster "fest verdrahtet" in
diesem Program (aber
siehe *Details* im Skript)



Anwendung: *String matching*

```
#include<iostream>

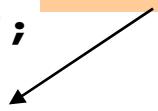
int main ()
{
    // search string
    const char s[] = "bool";

    // determine search string length m
    unsigned int m = 0;
    for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

    // cyclic text window of size m
    char* const t = new char[m];

    unsigned int w = 0; // number of characters read so far
    unsigned int i = 0; // index where t logically starts
    ...
```

Rechne die Musterlänge aus (das geht, weil `s` null-terminiert ist)



Anwendung: *String matching*

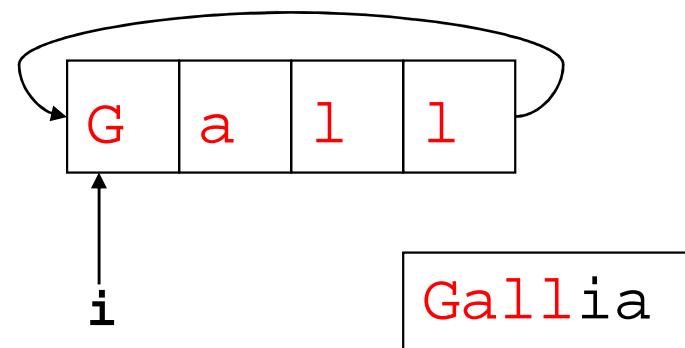
```
#include<iostream>

int main ()
{
    // search string
    const char s[] = "bool";

    // determine search string length m
    unsigned int m = 0;
    for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

    // cyclic text window of size m
    char* const t = new char[m];

    unsigned int w = 0; // number of characters read so far
    unsigned int i = 0; // index where t logically starts
    ...
```



Anwendung: *String matching*

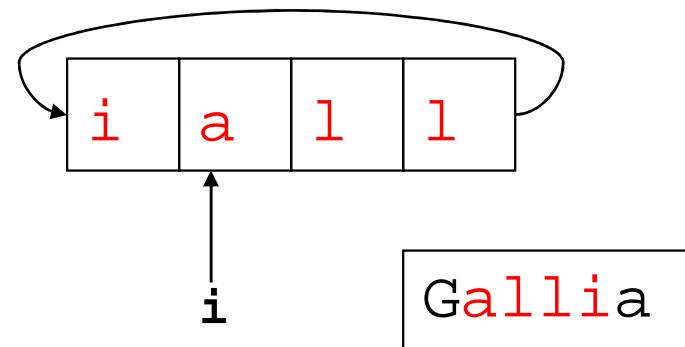
```
#include<iostream>

int main ()
{
    // search string
    const char s[] = "bool";

    // determine search string length m
    unsigned int m = 0;
    for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

    // cyclic text window of size m
    char* const t = new char[m];

    unsigned int w = 0; // number of characters read so far
    unsigned int i = 0; // index where t logically starts
    ...
```



Anwendung: *String matching*

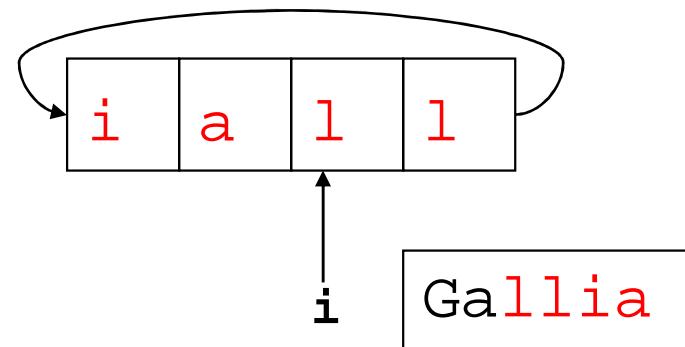
```
#include<iostream>

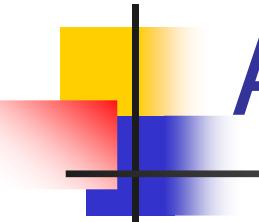
int main ()
{
    // search string
    const char s[] = "bool";

    // determine search string length m
    unsigned int m = 0;
    for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

    // cyclic text window of size m
    char* const t = new char[m];

    unsigned int w = 0; // number of characters read so far
    unsigned int i = 0; // index where t logically starts
    ...
```





Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!←

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character

    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```

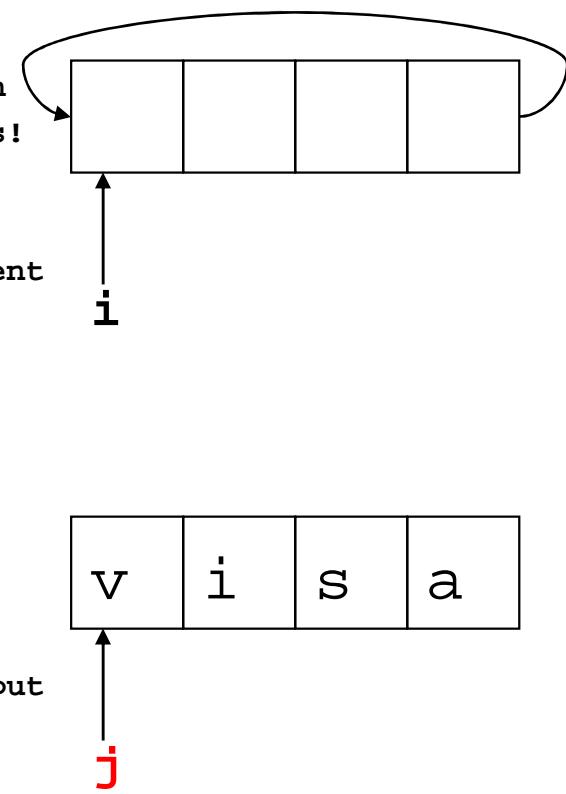
Leerzeichen und
Zeilenumbrüche
sollen *nicht*
ignoriert werden

Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```



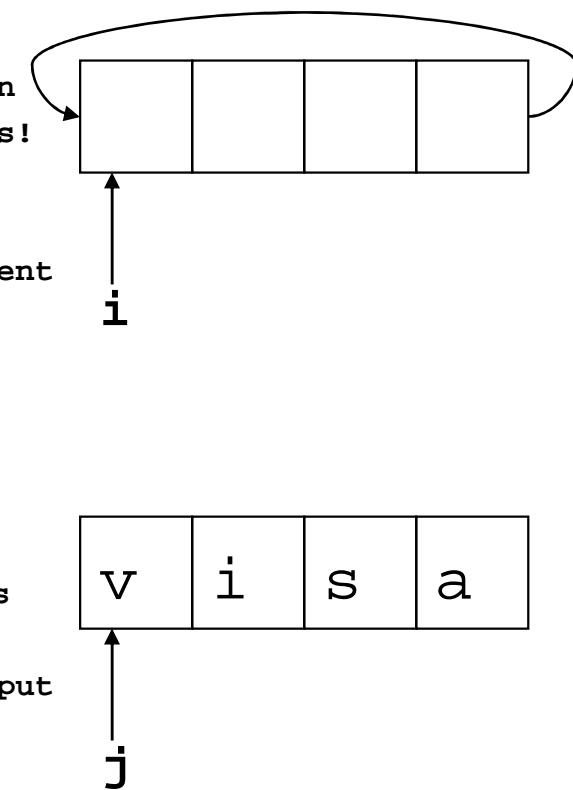
w == 0

Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

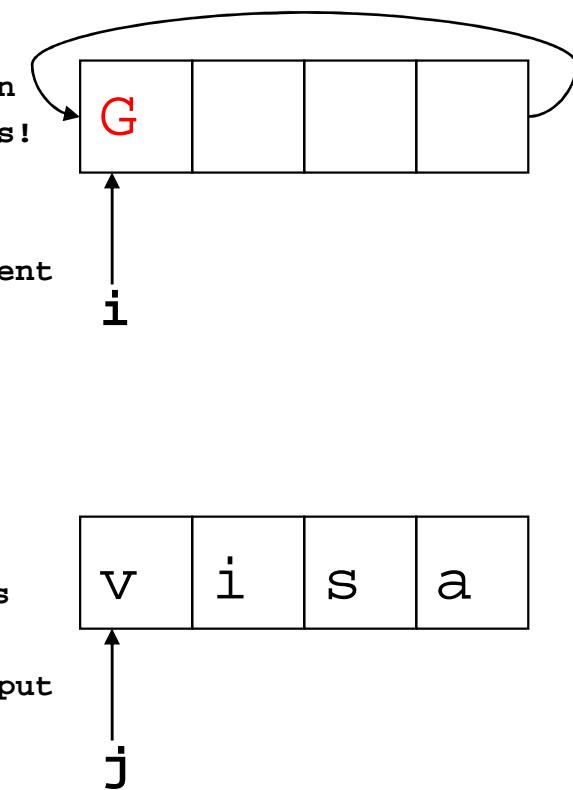


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

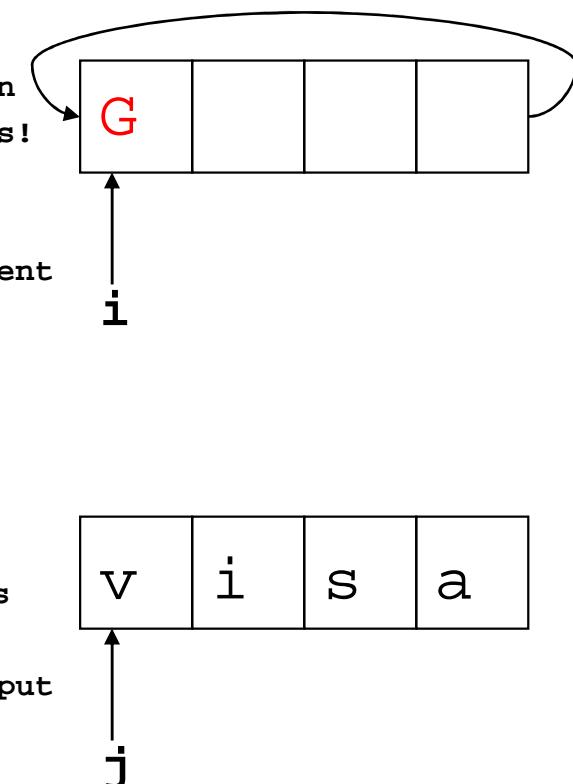


Anwendung: *String matching*

Konversion
nach bool
(*false* wenn
Eingabe-
strom leer)

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;          // restart with first characters
            i = (i+1)%m;   // of string and window
        } else break;    // no more characters in the input
        else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```

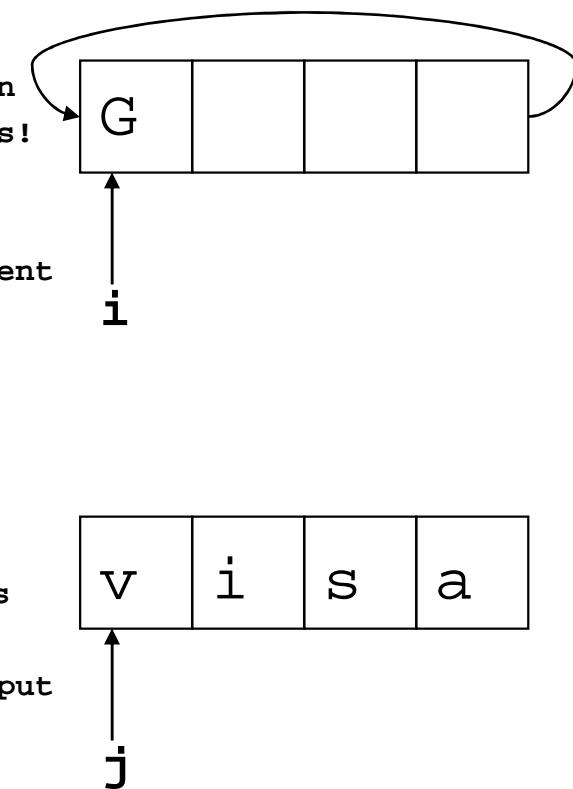


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;          // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

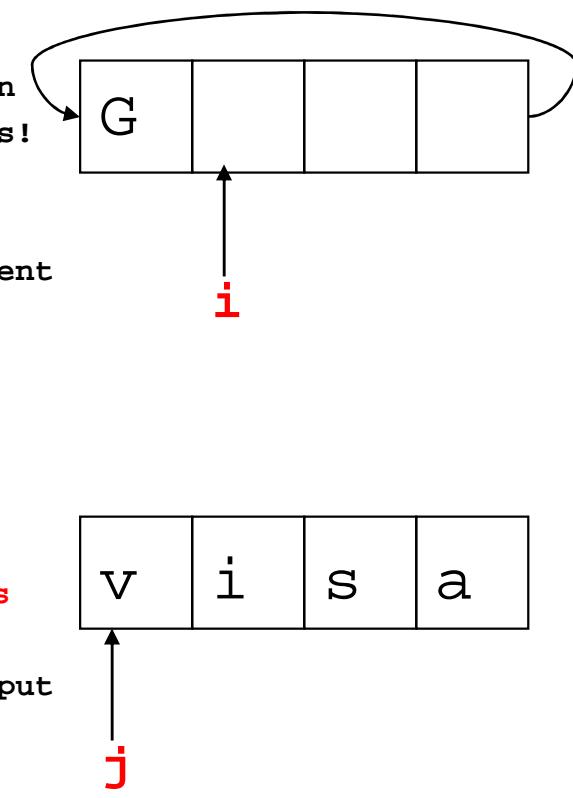


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

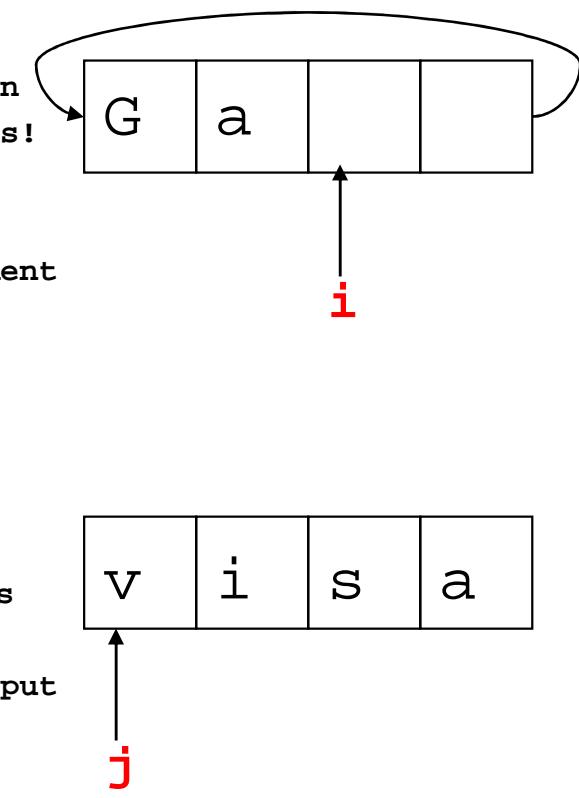


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

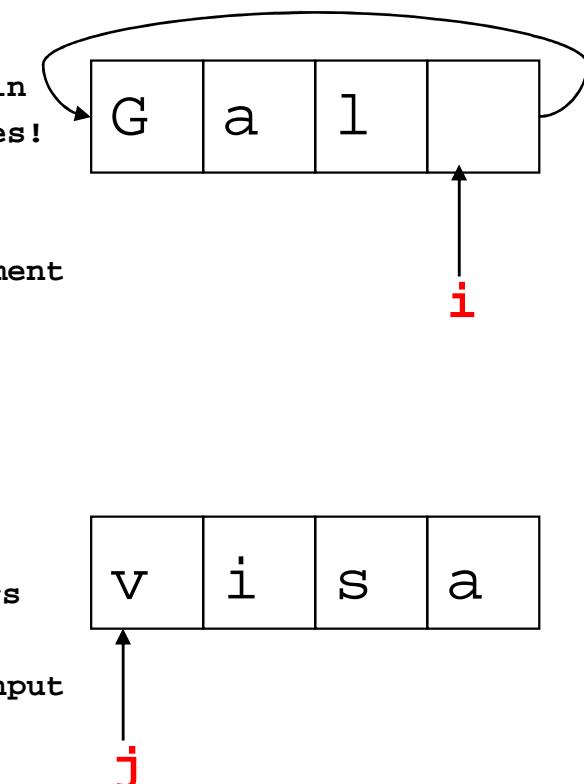


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

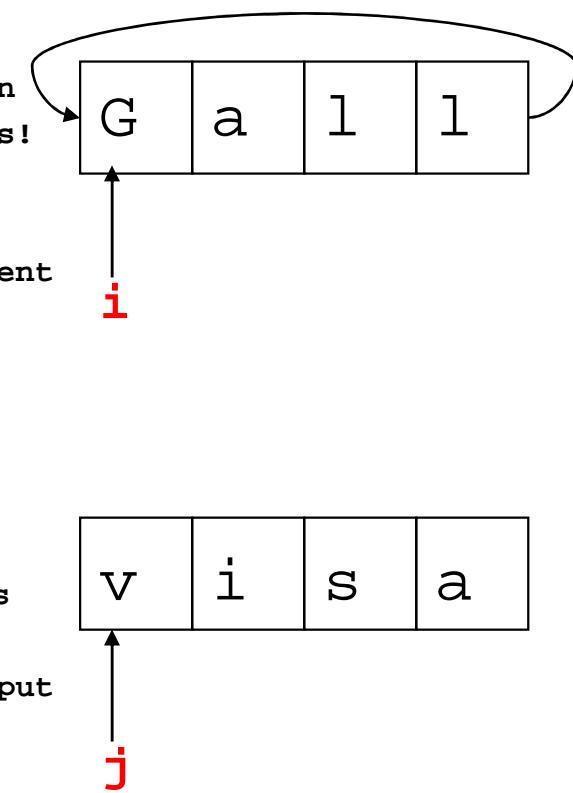


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

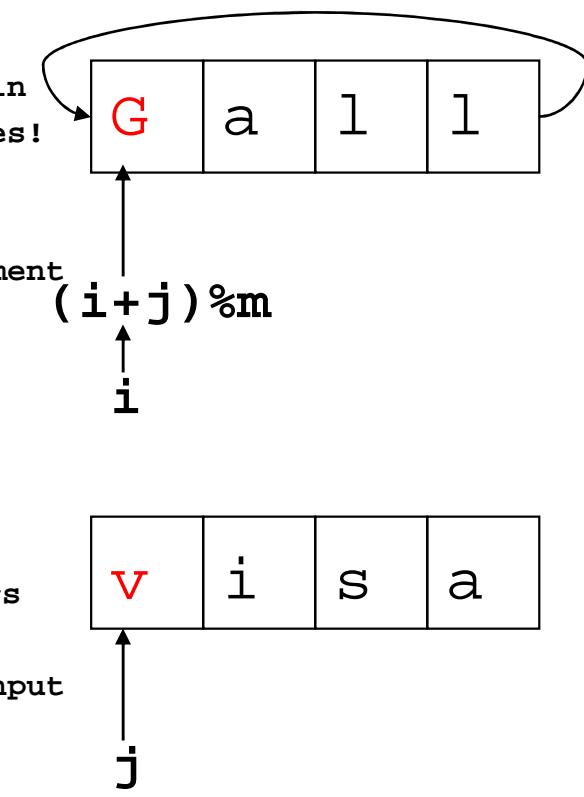
std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```



Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
        else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```

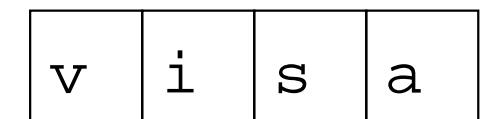
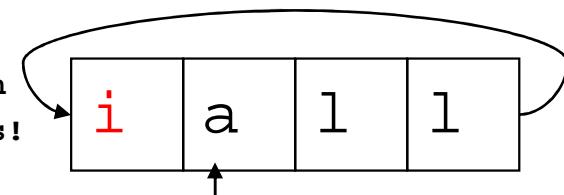


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```



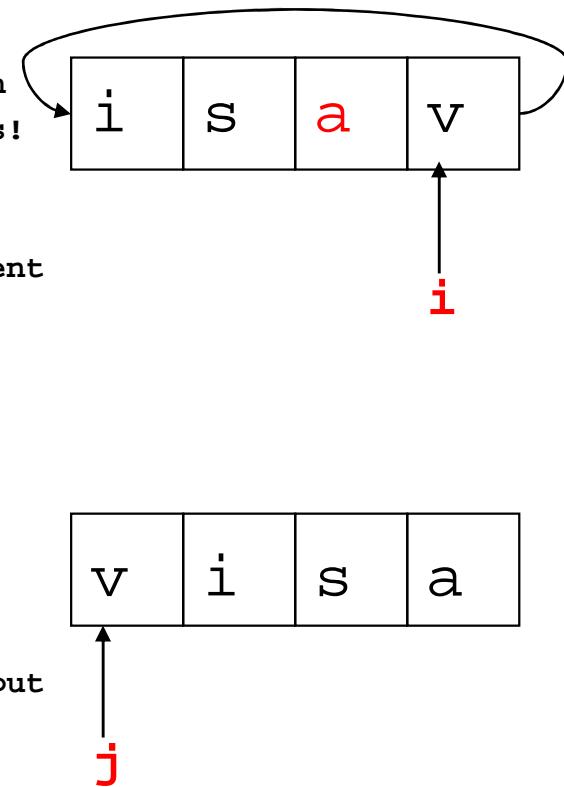
w == 5

Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

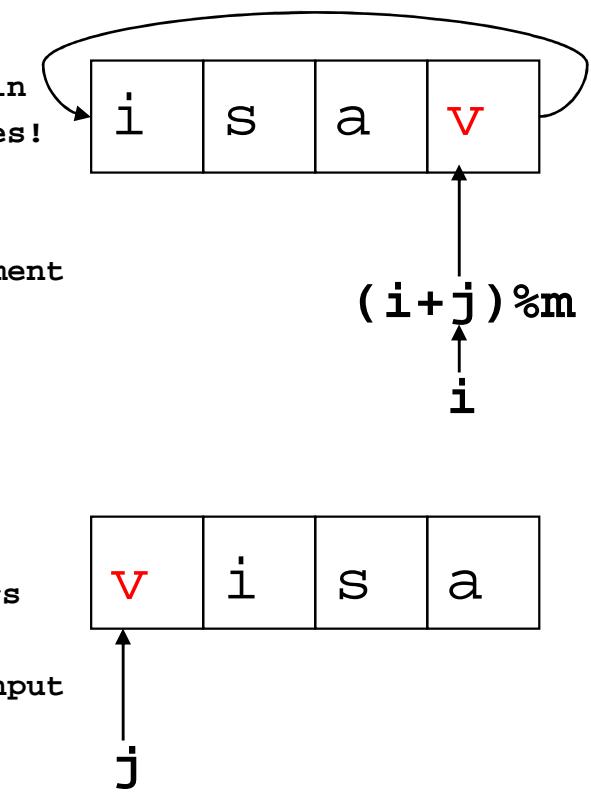


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;          // restart with first characters
            i = (i+1)%m;   // of string and window
        } else break;    // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

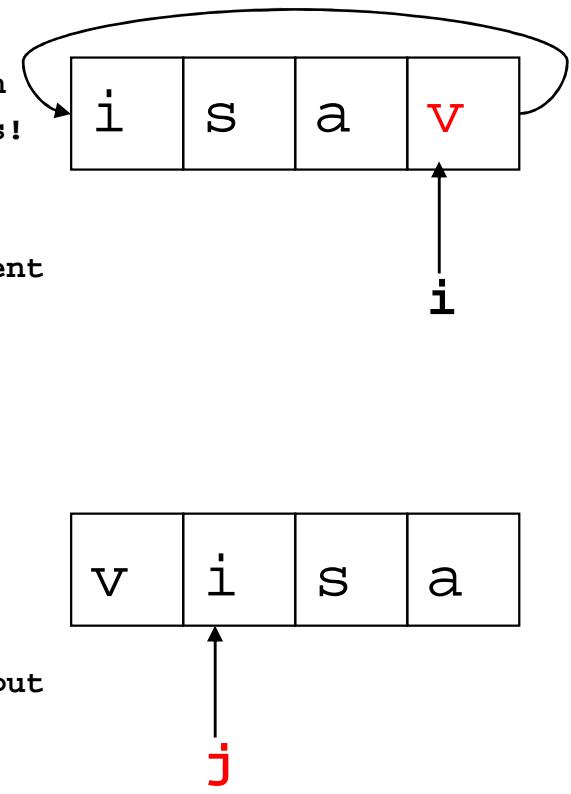


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

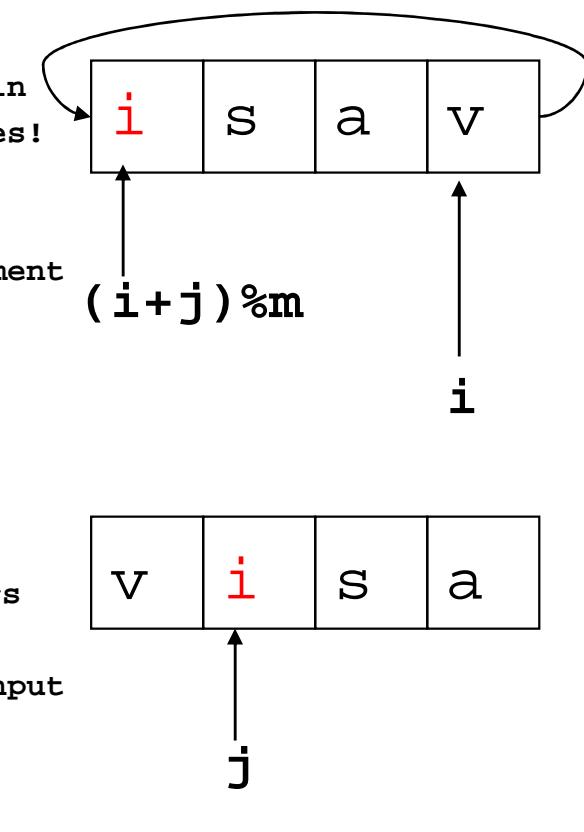


Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
}

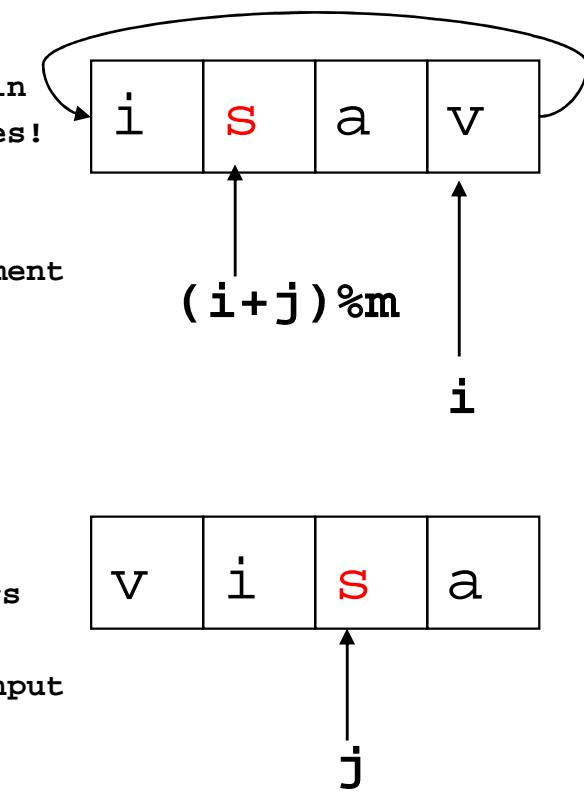
std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```



Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

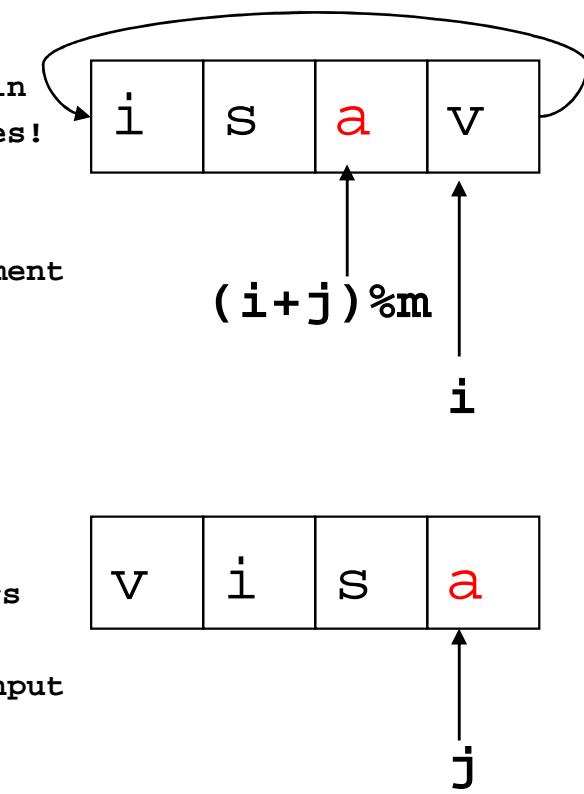
for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m;  // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```



Anwendung: *String matching*

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```

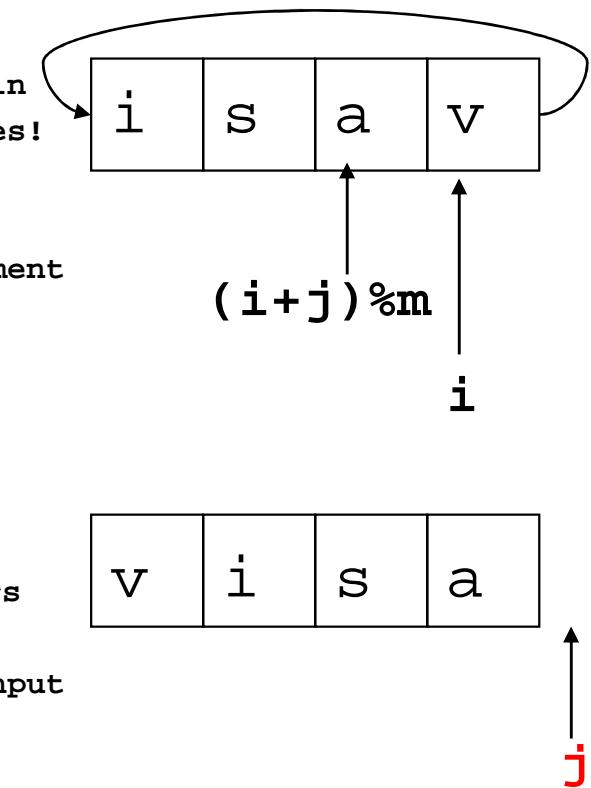


w == 23

Anwendung: *String matching*

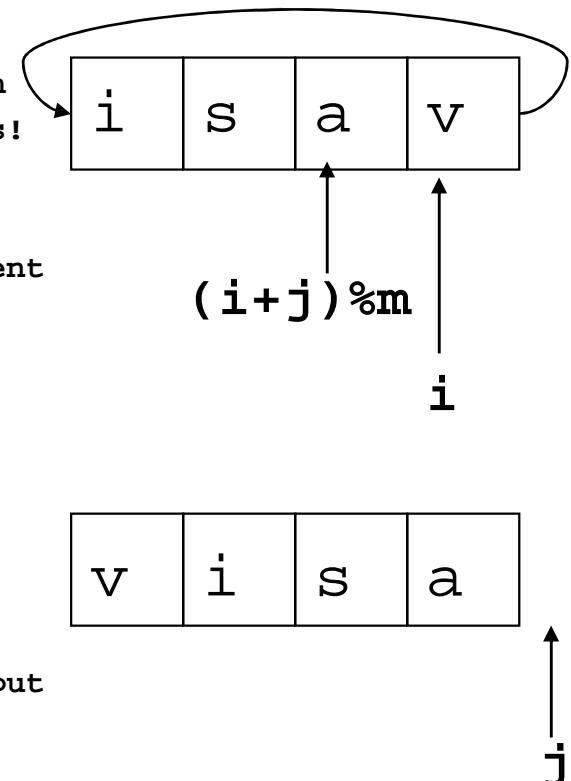
```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;) {
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
        else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```



Anwendung: *String matching*

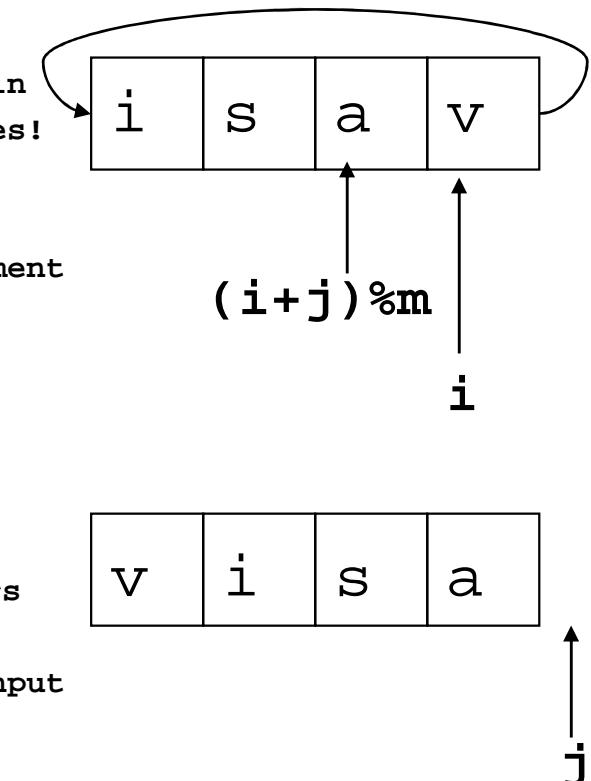
```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w;           // one more character read  
            j = 0;          // restart with first characters  
            i = (i+1)%m;   // of string and window  
        } else break;    // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
  
    std::cout << "\n";  
    delete[] t;  
    return 0;  
}
```



Anwendung: *String matching*

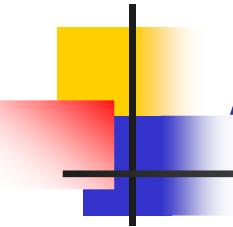
```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
    // compare search string with window at j-th element
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
        // input text still too short, or mismatch:
        // advance window by replacing first character
        if (std::cin >> t[i]) {
            std::cout << t[i];
            ++w;           // one more character read
            j = 0;         // restart with first characters
            i = (i+1)%m; // of string and window
        } else break;   // no more characters in the input
        else ++j; // match: go to next character
    std::cout << "\n";
    delete[] t;
    return 0;
}
```



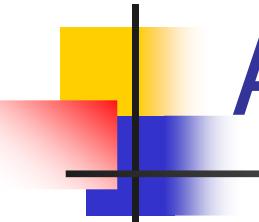
Fertig! Die ersten 23 Textzeichen wurden ausgegeben

w == 23



Anwendung: *String matching*

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
```



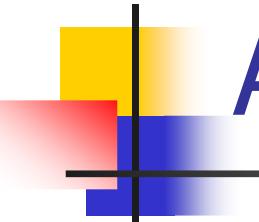
Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
```



Eingabe wird nicht von der Tastatur, sondern aus der angegebenen Datei genommen (Umlenkung der Eingabe)



Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
```

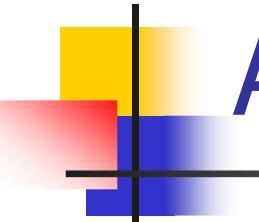
- Ausgabe:

```
// Program: eratosthenes.cpp
// Calculate prime numbers in {2,...,n-1} using
// Eratosthenes' sieve.

#include <iostream>

int main()
{
    const unsigned int n = 1000;

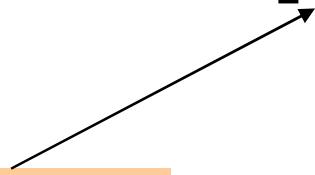
    // definition and initialization: provides us with
    // Booleans crossed_out[0],..., crossed_out[n-1]
    bool
```



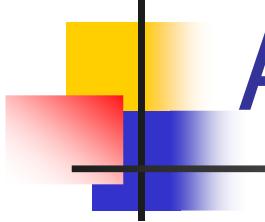
Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch

```
./string_matching < eratosthenes.cpp  
> match.out
```



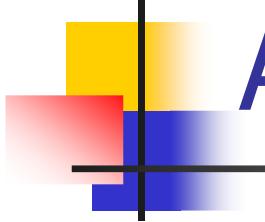
Ausgabe wird nicht auf den Bildschirm geschrieben, sondern in die angegebene Datei (Umlenkung der Ausgabe)



Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch

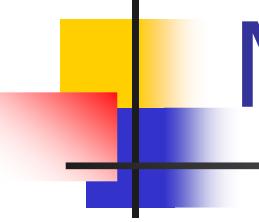
```
./string_matching < eratosthenes.cpp  
> match.out
```
- Der triviale Algorithmus ist meistens schnell, aber nicht immer (Übung)



Anwendung: *String matching*

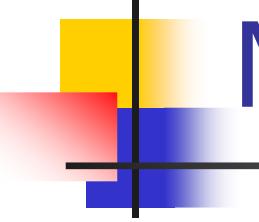
- Aufruf des Programms z.B. durch

```
./string_matching < eratosthenes.cpp  
> match.out
```
- Der triviale Algorithmus ist meistens schnell, aber nicht immer (Übung)
- *Knuth-Morris-Pratt-Algorithmus* ist immer schnell



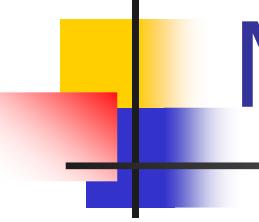
Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern



Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern
- dienen zum Speichern von *Tabellen, Matrizen,...*



Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern

```
int a[2][3]
```

↑
a hat zwei Elemente, und jedes
von ihnen ist ein Feld der Länge 3
mit zugrundeliegendem Typ int

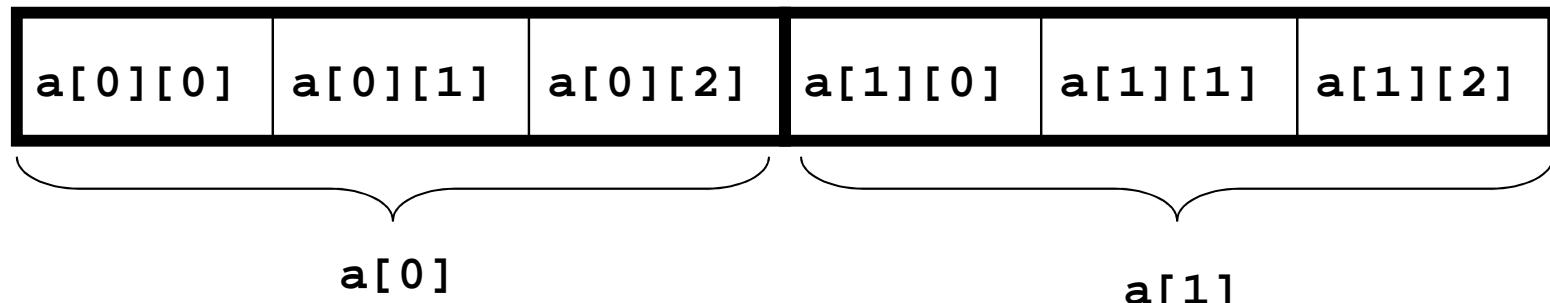
Mehrdimensionale Felder

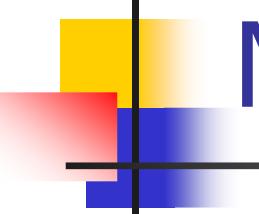
- sind Felder von Feldern

`int a[2][3]`

a hat zwei Elemente, und jedes von ihnen ist ein Feld der Länge 3 mit zugrundeliegendem Typ `int`

Im Speicher: *flach*





Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern

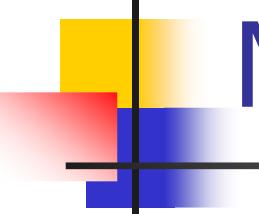
```
int a[2][3]
```

Im Kopf: Matrix,
Tabelle,...

Zeilen

Kolonnen

	0	1	2
0	a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]
1	a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]

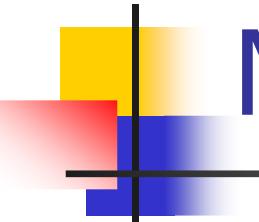


Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern von Feldern...

$$T \text{ } a[\textit{expr}_1] \dots [\textit{expr}_k]$$

↑
a hat \textit{expr}_1 Elemente, und jedes von ihnen ist ein Feld mit \textit{expr}_2 Elementen, von denen jedes ein Feld mit \textit{expr}_3 Elementen ist,...



Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern von Feldern...

$$T \ a[\mathit{expr}_1] \dots [\mathit{expr}_k]$$

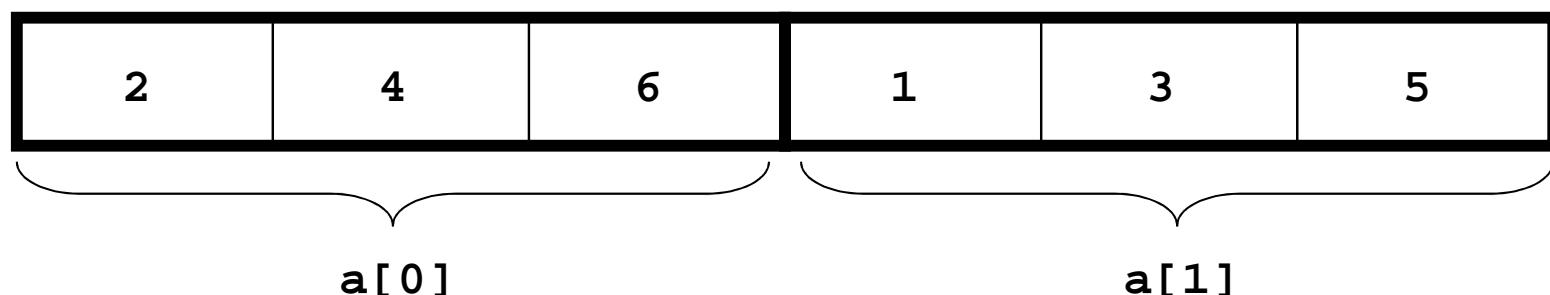
konstante Ausdrücke!

a hat expr_1 Elemente, und jedes von ihnen ist ein Feld mit expr_2 Elementen, von denen jedes ein Feld mit expr_3 Elementen ist,...

Mehrdimensionale Felder

Initialisierung:

```
int a[2][3] =  
{  
    {2,4,6}, {1,3,5}  
}
```

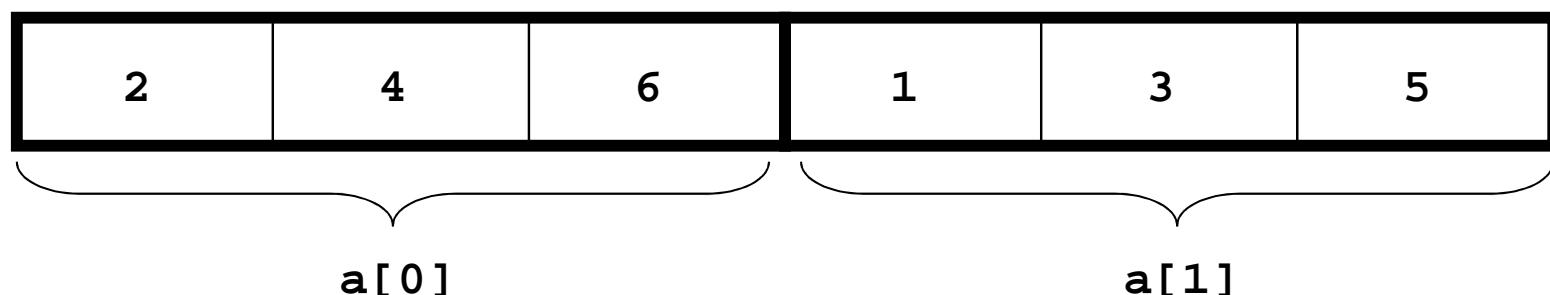


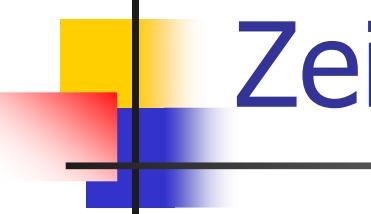
Mehrdimensionale Felder

Initialisierung:

erste Dimension kann weggelassen werden

```
int a[ ][3] =  
{  
    {2,4,6}, {1,3,5}  
}
```





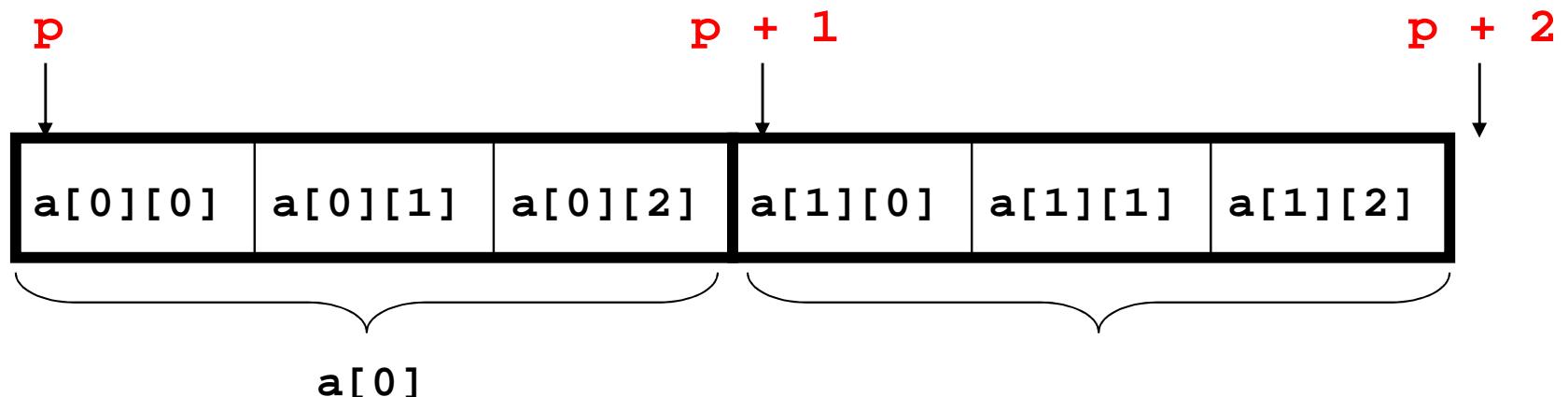
Zeiger auf Felder

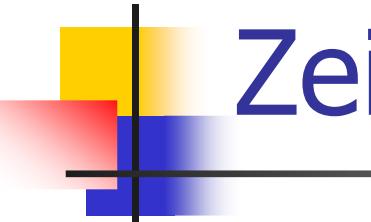
Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];  
  
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```





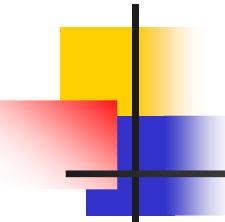
Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];  
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```



Implizite Typdefinition: `*p` ist vom Typ `int[3]`,
also ist `p` ein Zeiger auf `int[3]`



Zeiger auf Felder

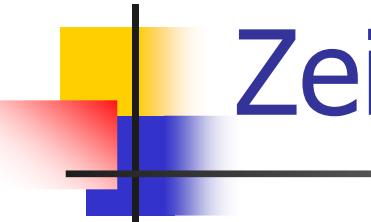
Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];  
  
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```

Ohne Klammern: p ist ein Feld von 3 Zeigern auf int



```
int *p [3]; // int* p[3]
```



Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein dimensionales Feld?

```
int a[2][3];
```

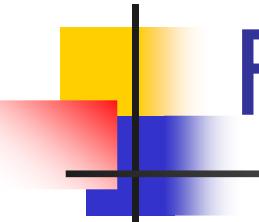
```
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf das erste Element
```

Ohne Klammer

int *p

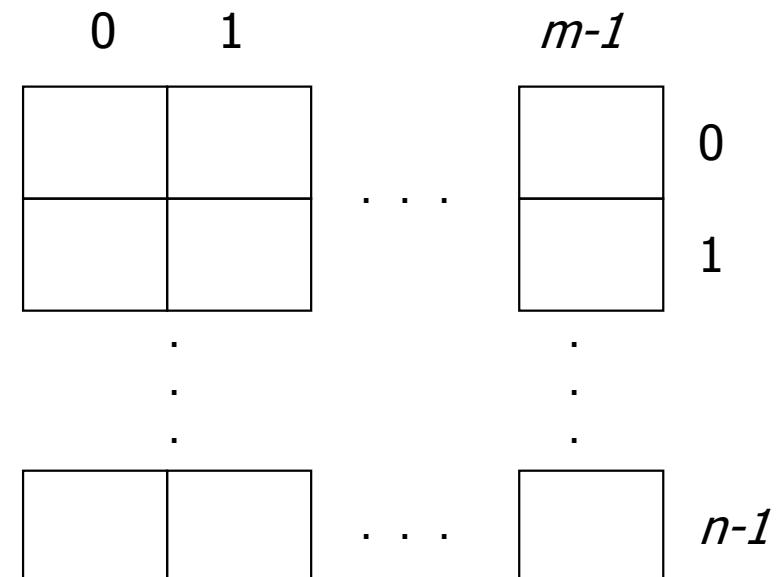
```
int* p[3]
```

Solche Syntax-“Gemeinheiten” muss man nicht sich
nicht merken, nur bei Bedarf nachschauen (Skript)!



Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?



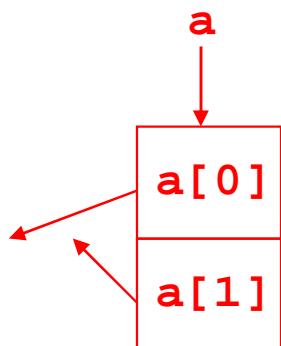
Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
```

a ist Zeiger auf das erste Element eines Feldes von n Zeigern auf int

zugrundeliegender Typ: `int*`



0 1

$m-1$

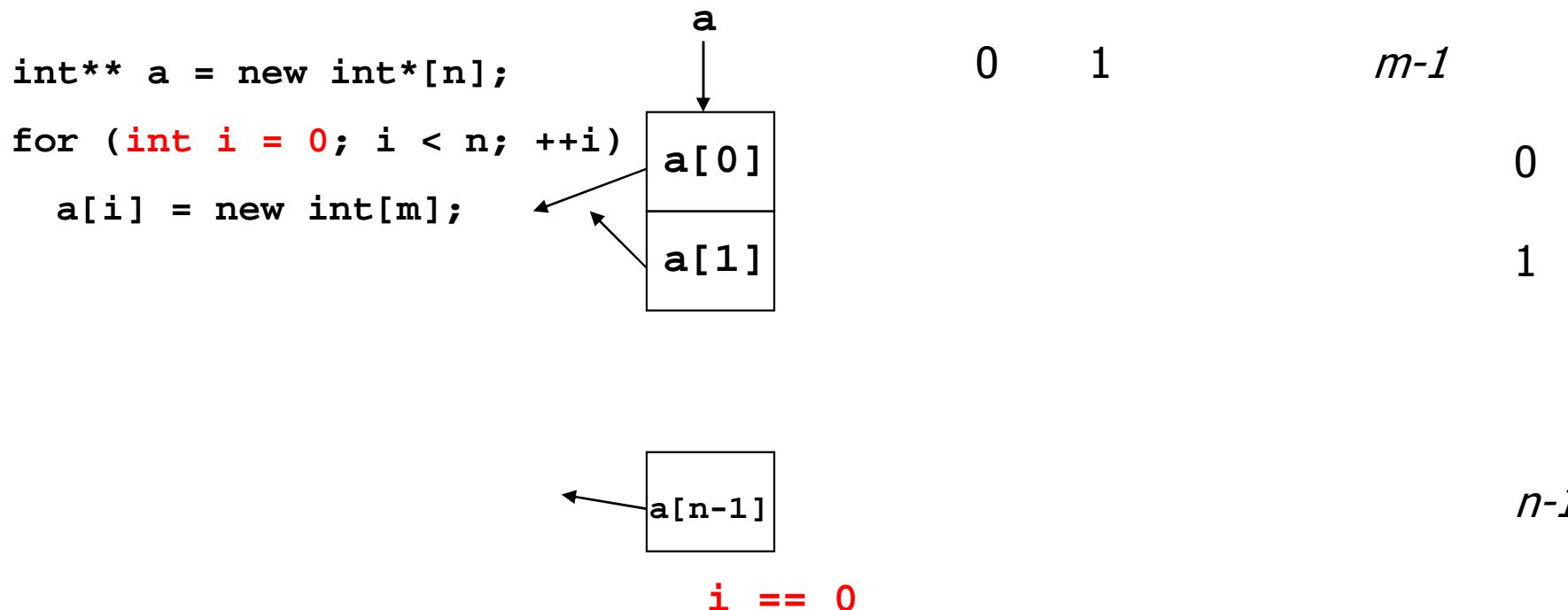
0
1

$n-1$



Felder von Zeigern

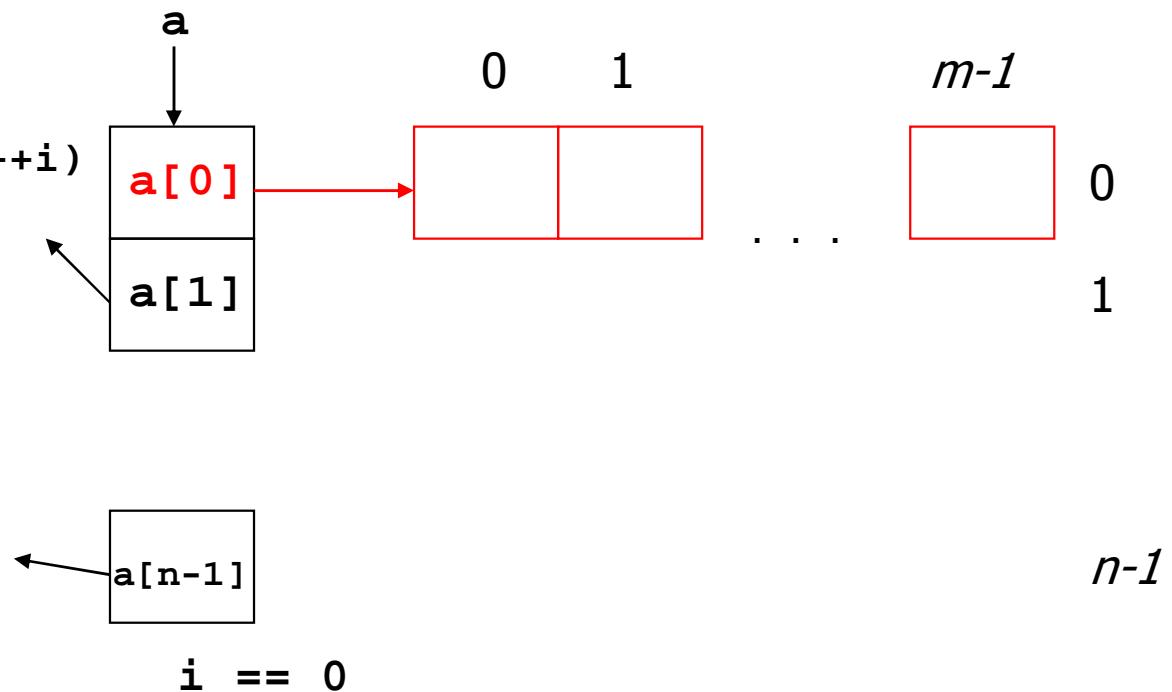
- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?



Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

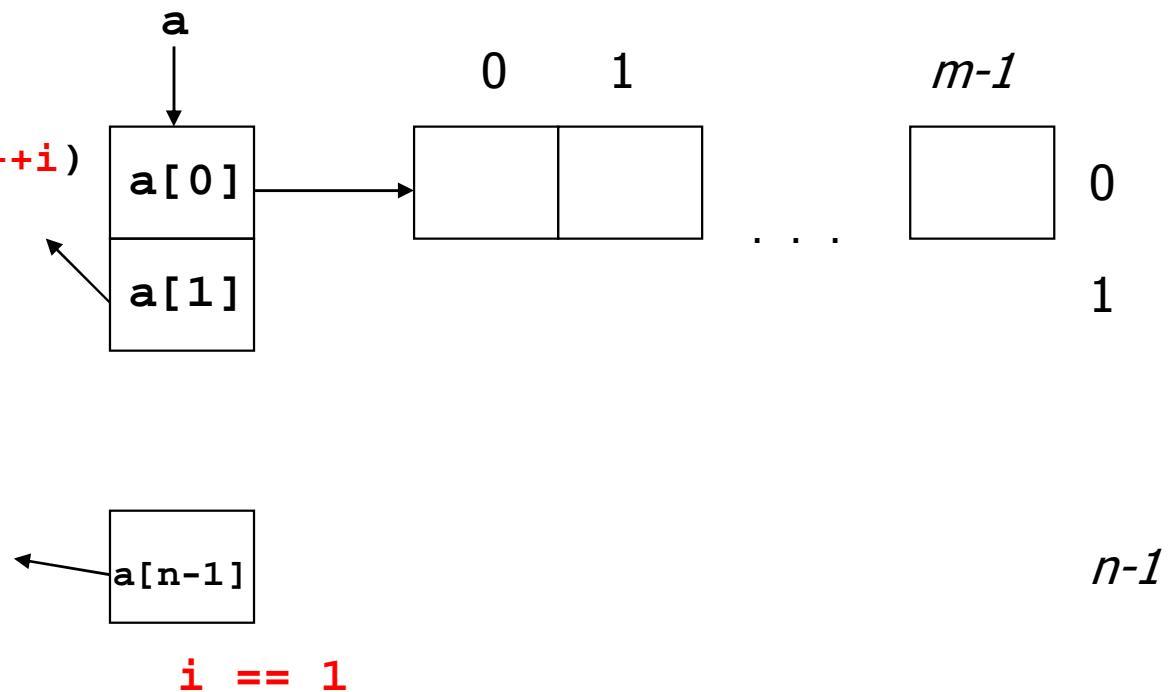


`a[0]` ist Zeiger auf das
erste Element eines
Feldes von m int's

Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

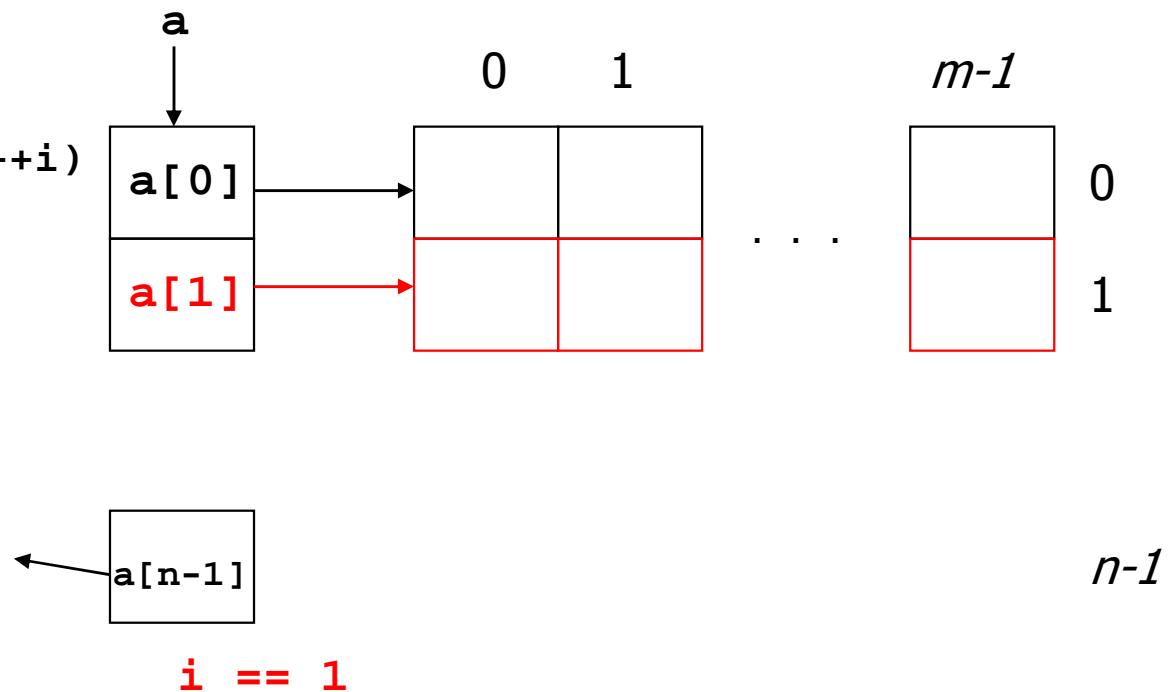


`a[0]` ist Zeiger auf das
erste Element eines
Feldes von m int's

Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```



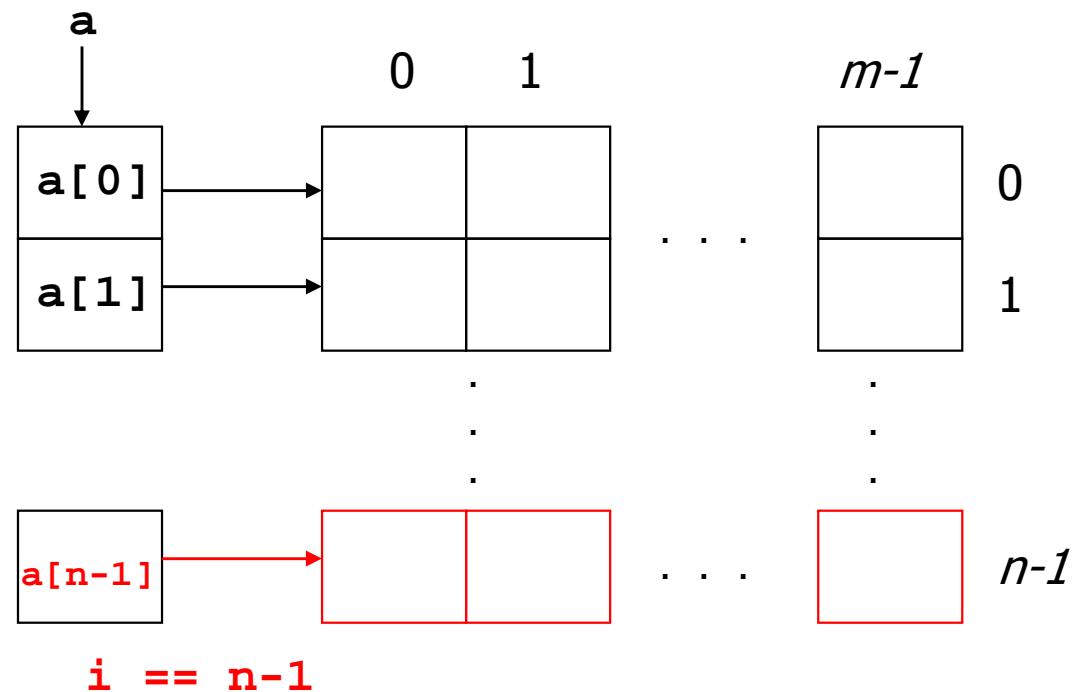
a[1] ist Zeiger auf das
erste Element eines
Feldes von m int's

Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

a[n-1] ist Zeiger auf das
erste Element eines
Feldes von m int's

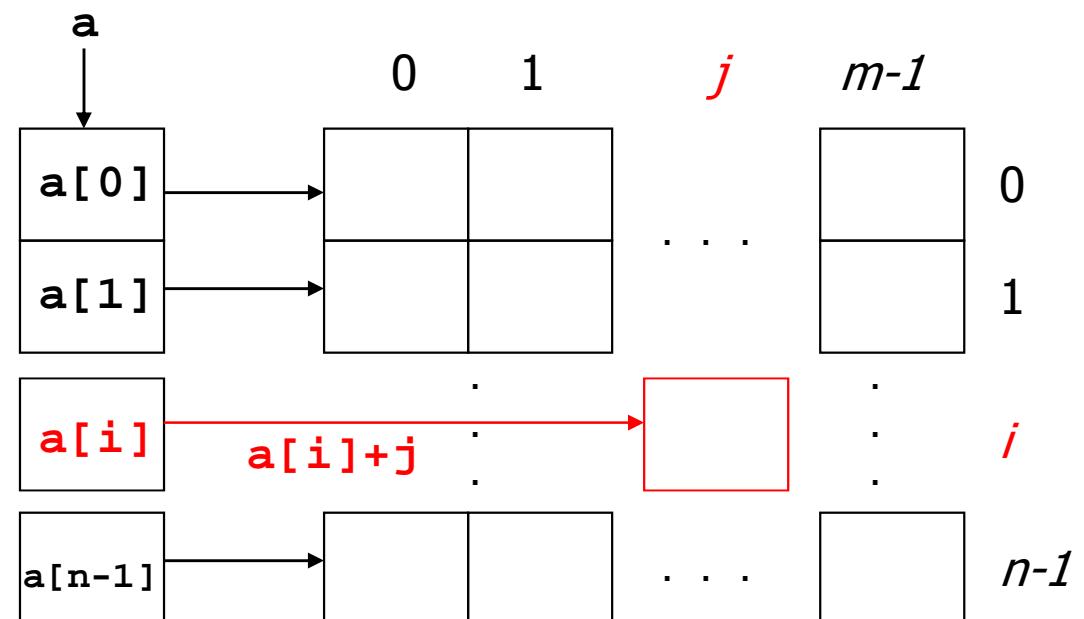


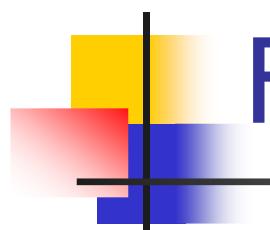
Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

Wahlfreier Zugriff:

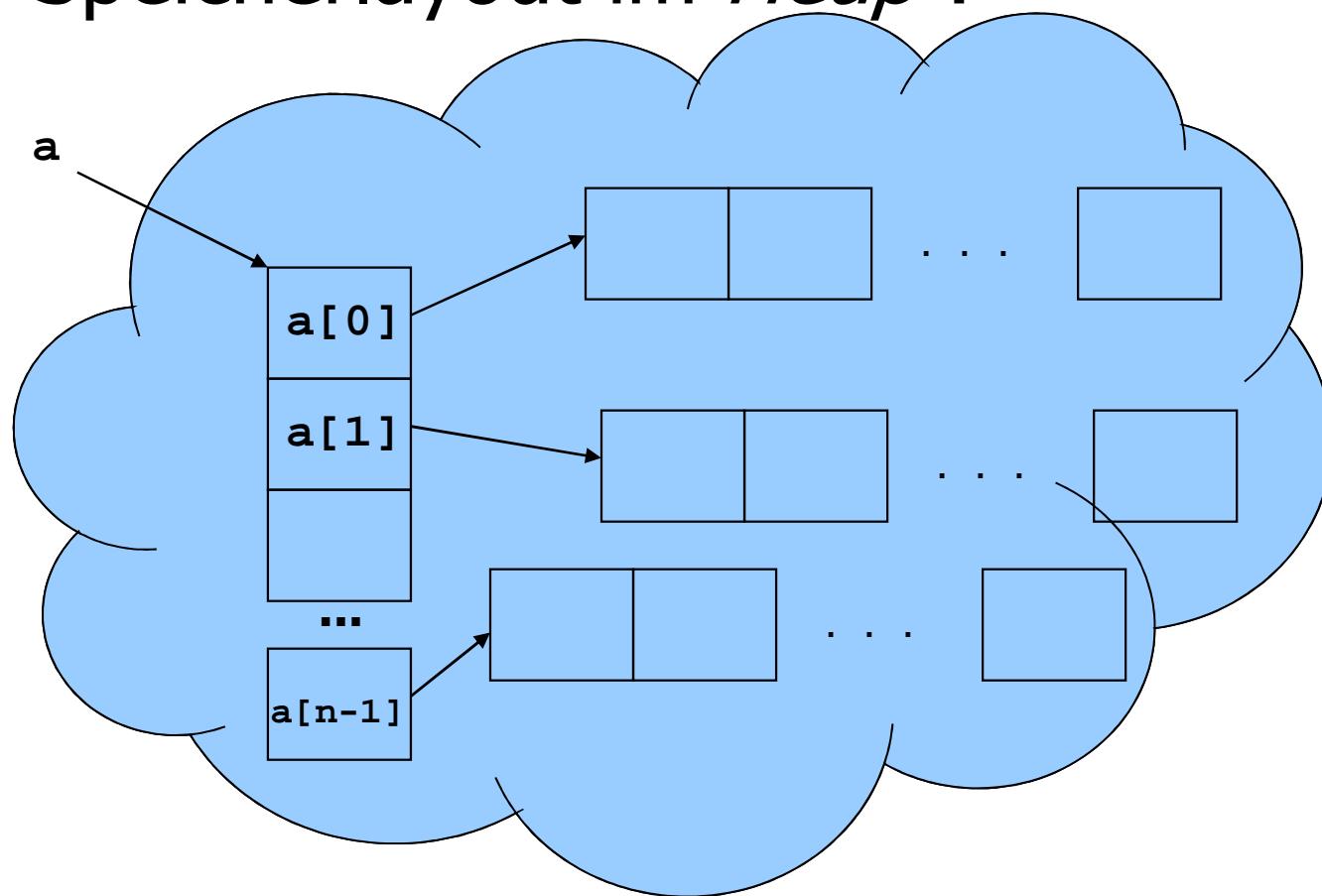
$a[i][j]$
*
 $(a[i]+j)$
Zeiger

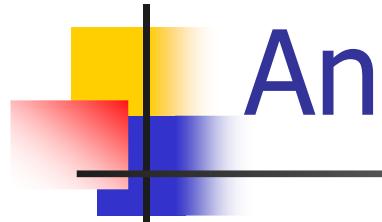




Felder von Zeigern

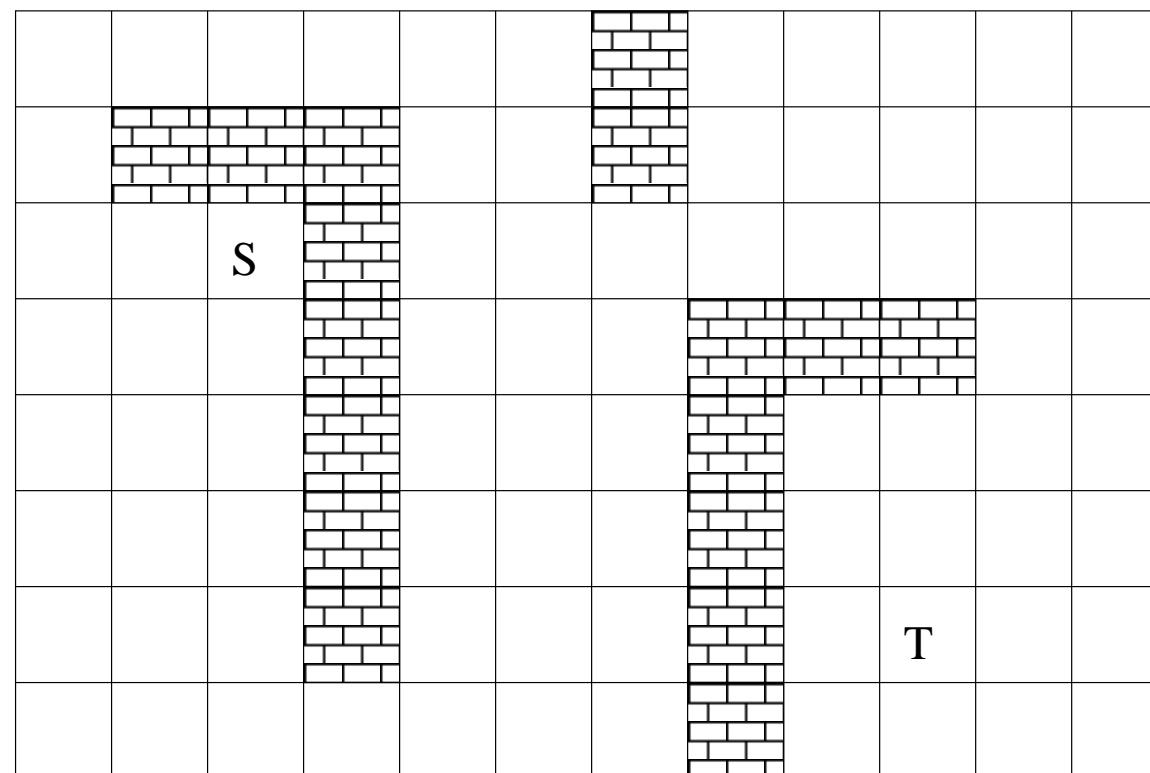
- Speicherlayout im *Heap*:





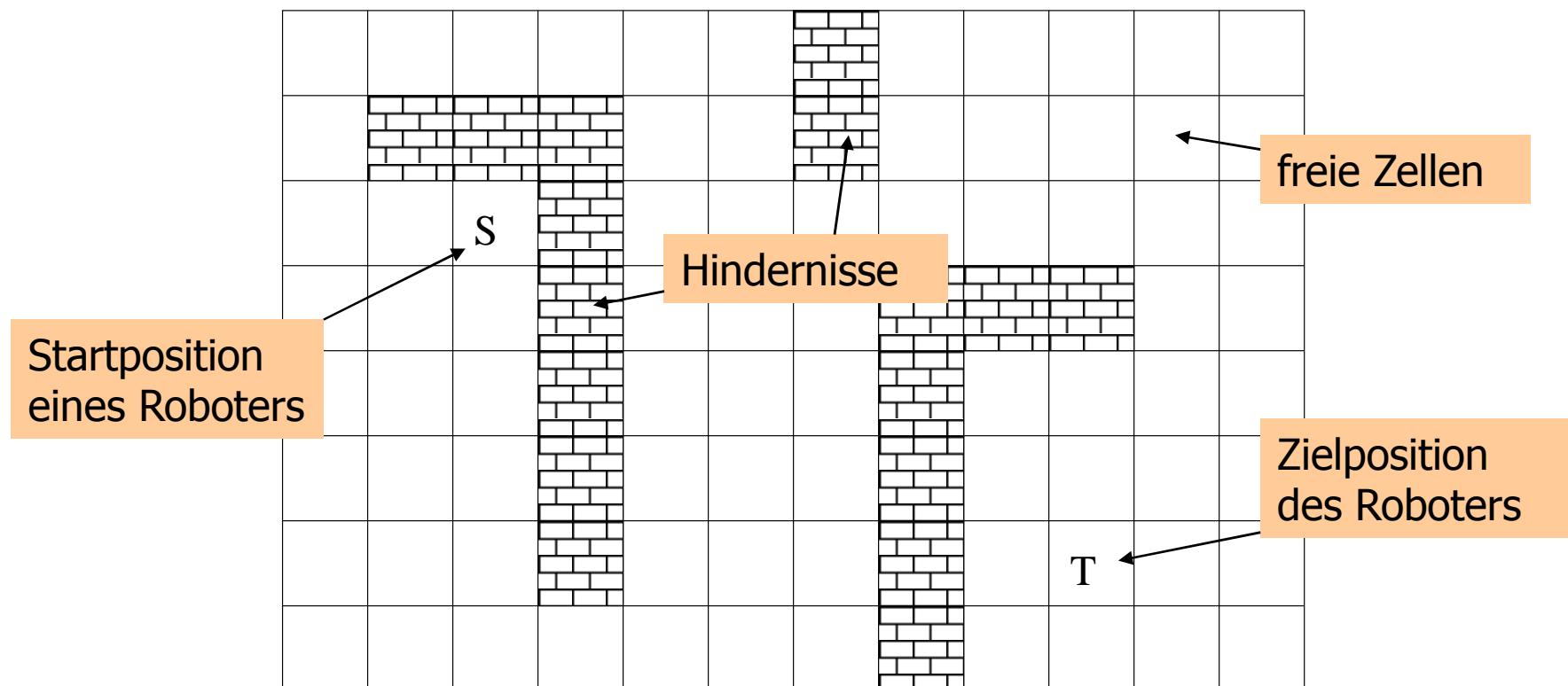
Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ($n \times m$ quadratische Zellen)



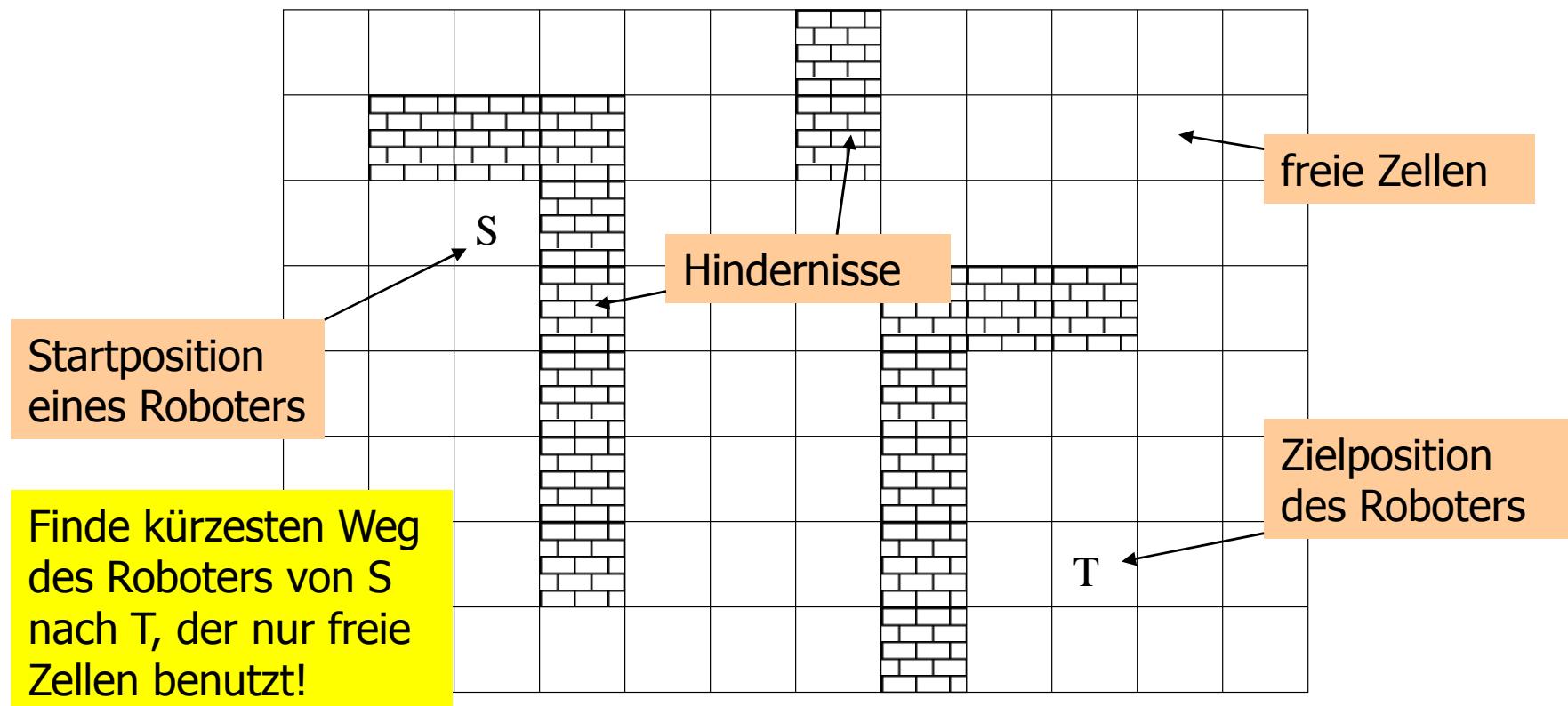
Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ($n \times m$ quadratische Zellen)



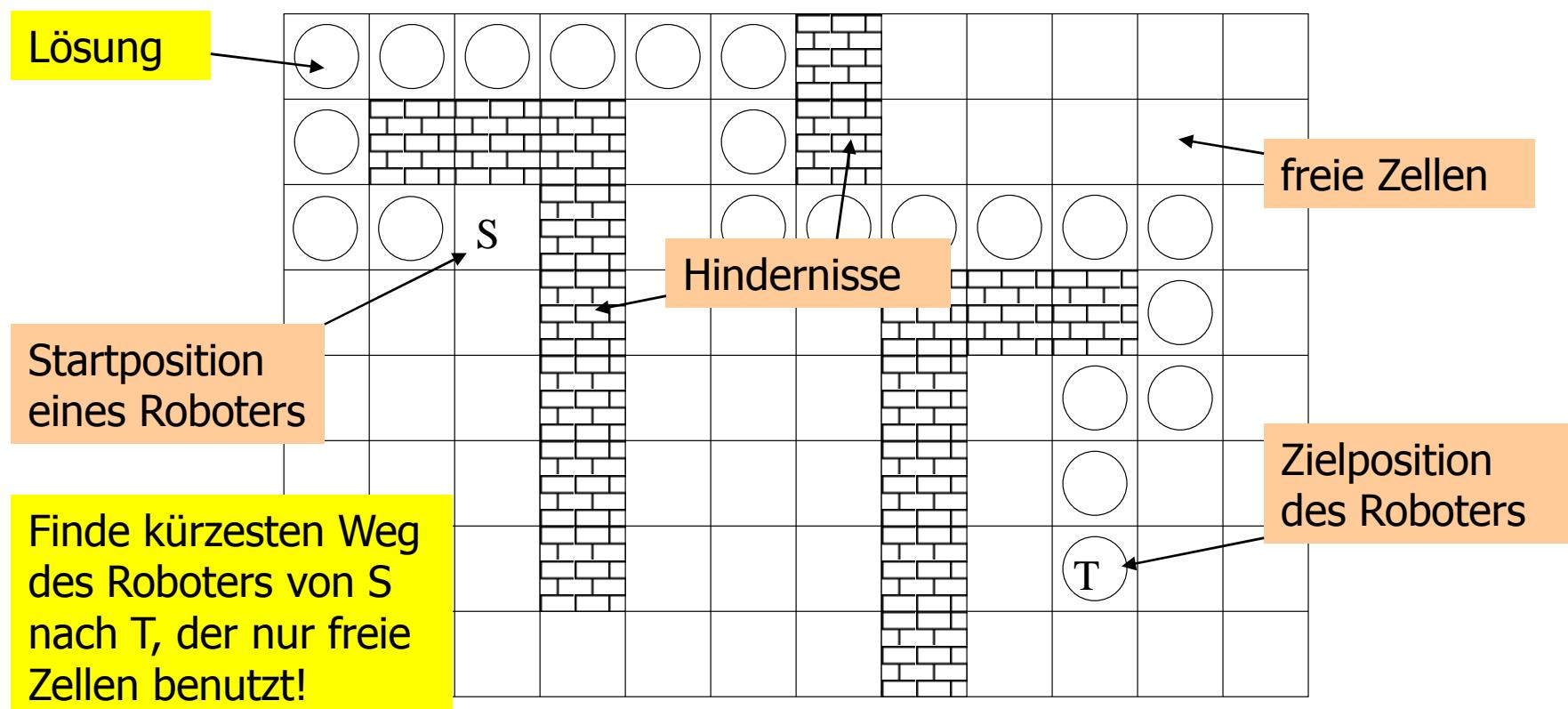
Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ($n \times m$ quadratische Zellen)



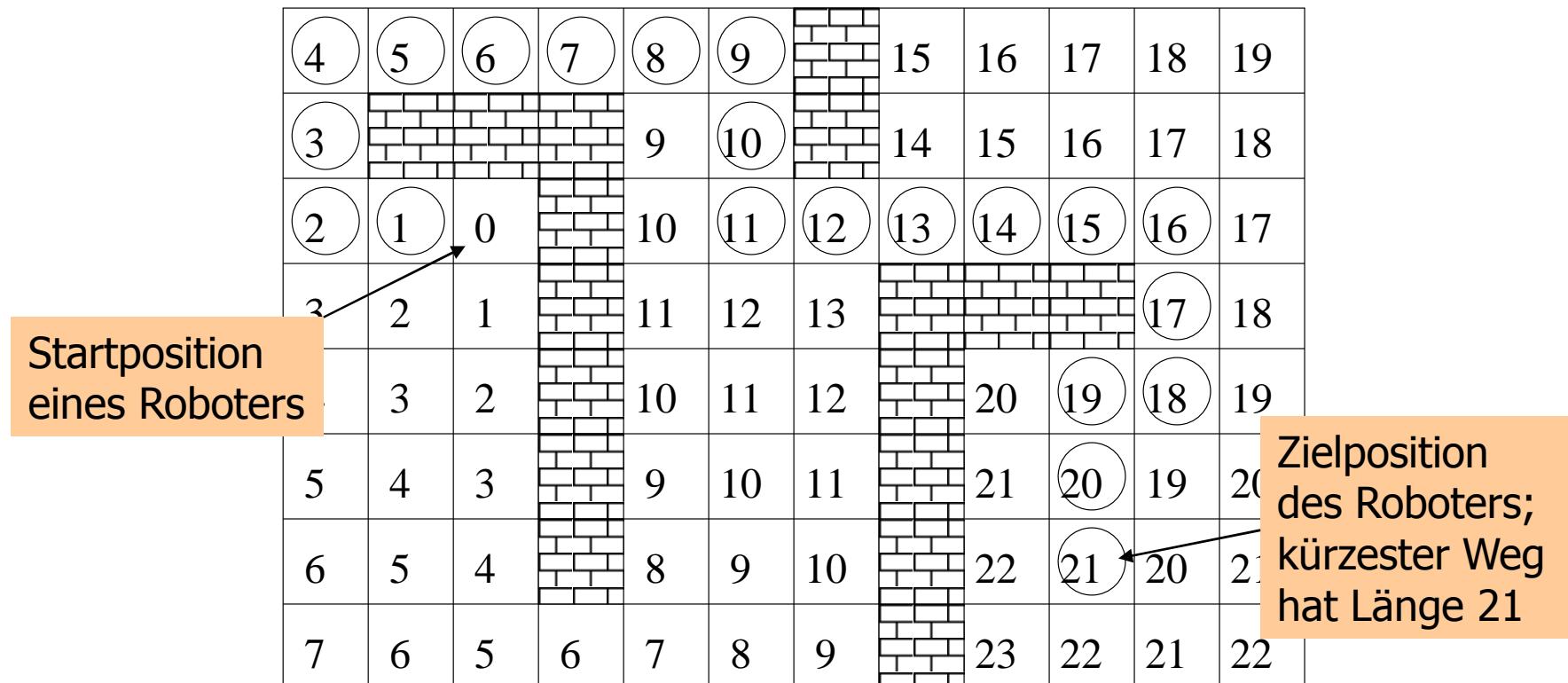
Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ($n \times m$ quadratische Zellen)



Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!



Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:
starte in T;
folge einem Weg mit (je-
weils um eins) sinken-
den Längen!

4	5	6	7	8	9		15	16	17	18	19
3				9	10		14	15	16	17	18
2	1	0		10	11	12	13	14	15	16	17
3	2	1		11	12	13				17	18
4	3	2		10	11	12		20	19	18	19
5	4	3		9	10	11		21	20	19	20
6	5	4		8	9	10		22	21	20	21
7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22

Zielposition
des Roboters;
kürzester Weg
hat Länge 21

Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:
starte in T;
folge einem Weg mit (je-
weils um eins) sinken-
den Längen!

4	5	6	7	8	9		15	16	17	18	19
3				9	10		14	15	16	17	18
2	1	0		10	11	12	13	14	15	16	17
3	2	1		11	12	13				17	18
4	3	2		10	11	12		20	19	18	19
5	4	3		9	10	11		21	20	19	20
6	5	4		8	9	10		22	21	20	21
7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22

Zielposition des Roboters; kürzester Weg hat Länge 21

Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:
starte in T;
folge einem Weg mit (je-
weils um eins) sinken-
den Längen!

4	5	6	7	8	9		15	16	17	18	19
3				9	10		14	15	16	17	18
2	1	0		10	11	12	13	14	15	16	17
3	2	1		11	12	13				17	18
4	3	2		10	11	12		20	19	18	19
5	4	3		9	10	11		21	20	19	20
6	5	4		8	9	10		22	21	20	21
7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22

Zielposition des Roboters; kürzester Weg hat Länge 21

Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:
starte in T;
folge einem Weg mit (je-
weils um eins) *sinken-
den Längen*!

4	5	6	7	8	9		15	16	17	18	19
3				9	10		14	15	16	17	18
2	1	0		10	11	12	13	14	15	16	17
3	2	1		11	12	13			17		18
4	3	2		10	11	12		20	19	18	19
5	4	3		9	10	11		21	20	19	20
6	5	4		8	9	10		22	21	20	21
7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22

Zielposition
des Roboters;
kürzester Weg
hat Länge 21

Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:

starte in T;
folge einem Weg mit (je-
weils um eins) sinken-
den Längen!

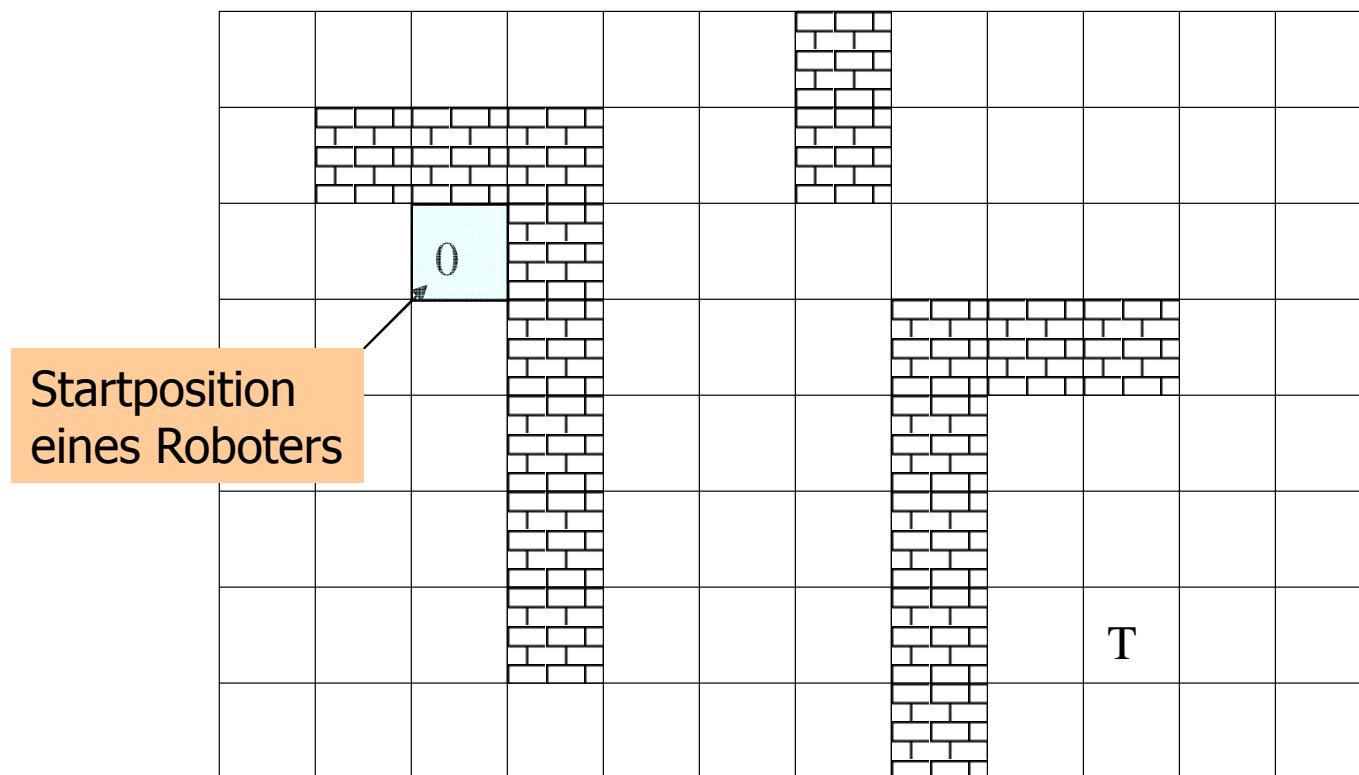
Weglänge 21
(optimal)

4	5	6	7	8	9		15	16	17	18	19
3				9	10		14	15	16	17	18
2	1	0		10	11	12	13	14	15	16	17
3	2	1		11	12	13			17		18
4	3	2		10	11	12		20	19	18	19
5	4	3		9	10	11		21	20	19	20
6	5	4		8	9	10		22	21	20	21
7	6	5	6	7	8	9		23	22	21	22

Zielposition
des Roboters;
kürzester Weg
hat Länge 21

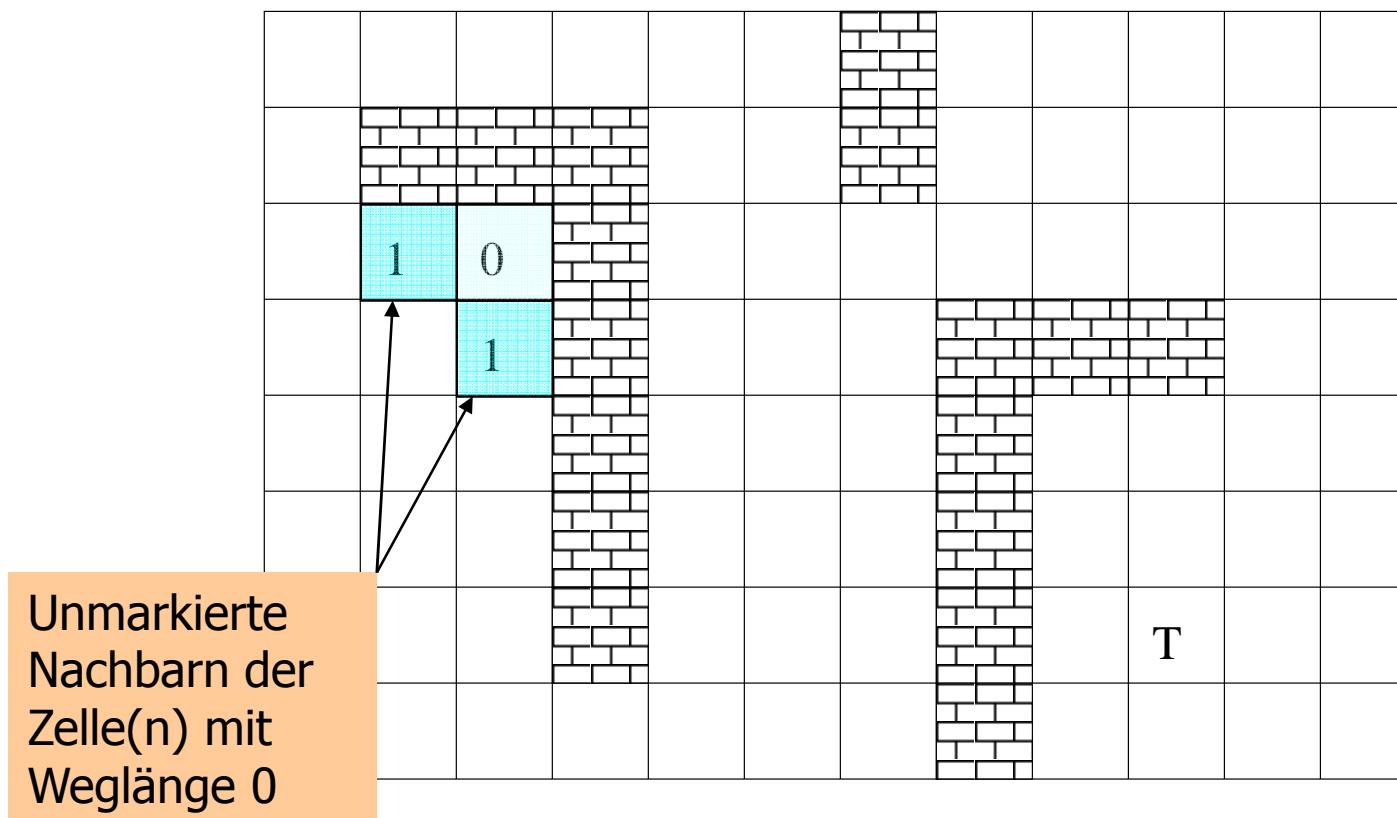
Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 0: Alle Zellen mit Weglänge 0:



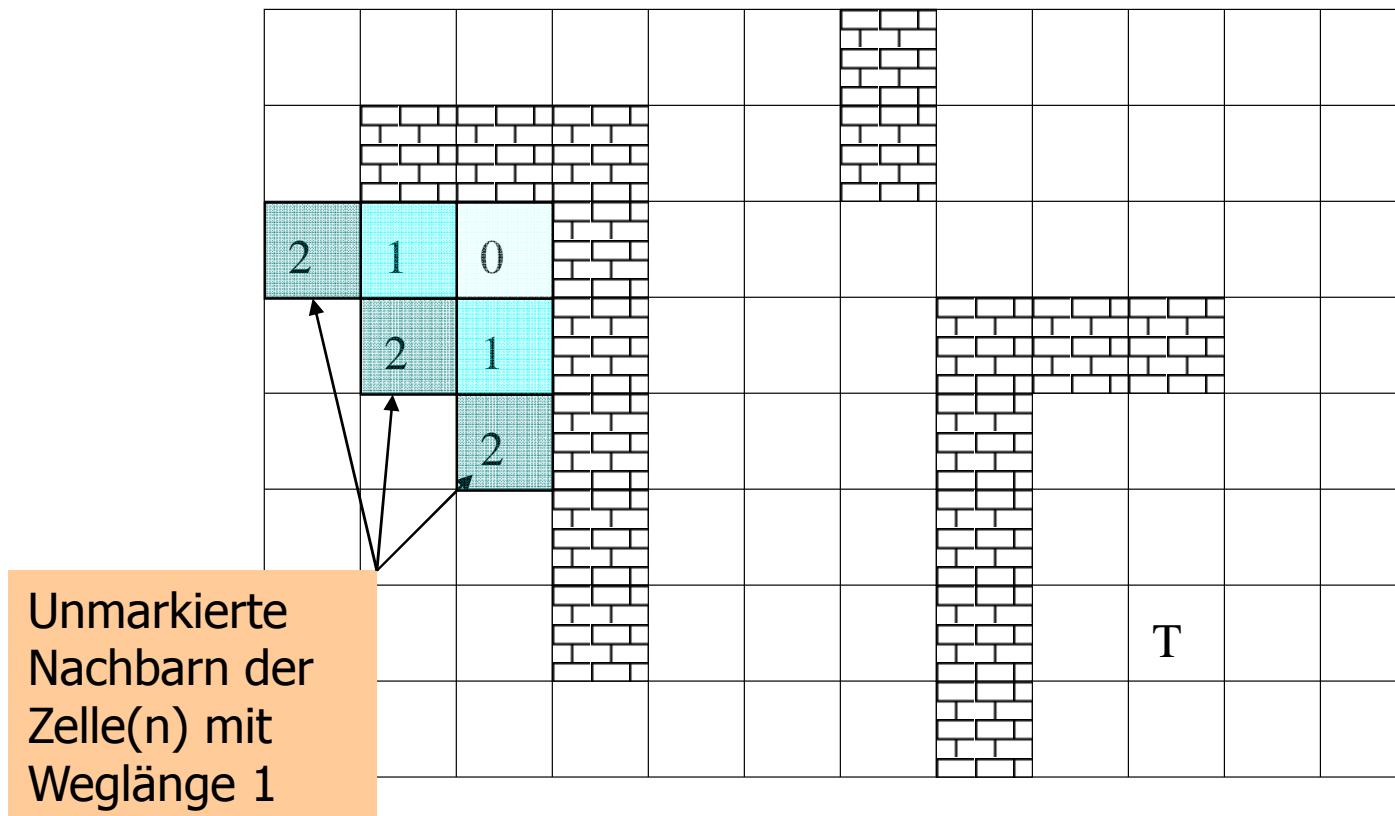
Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 1: Alle Zellen mit Weglänge 1:



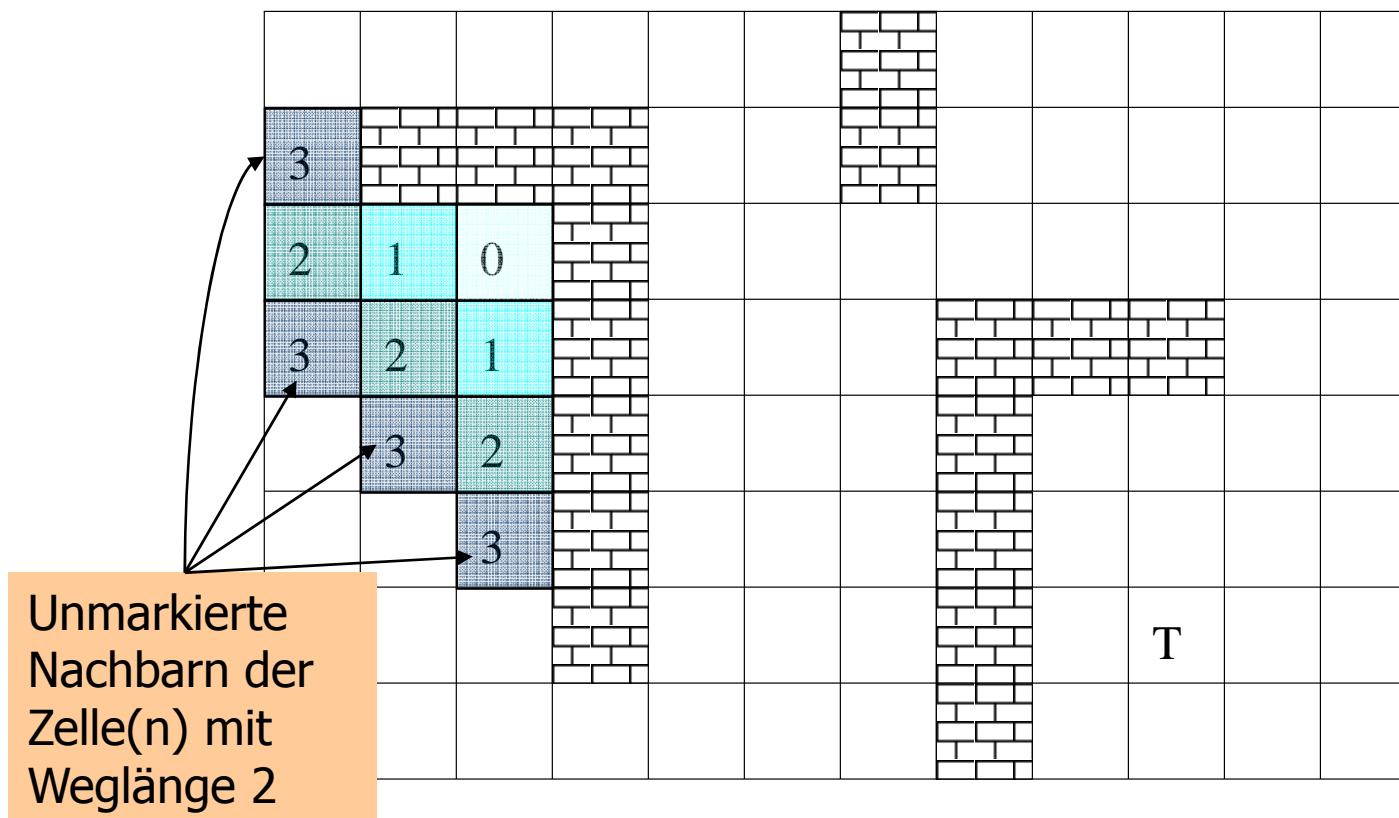
Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 2: Alle Zellen mit Weglänge 2:



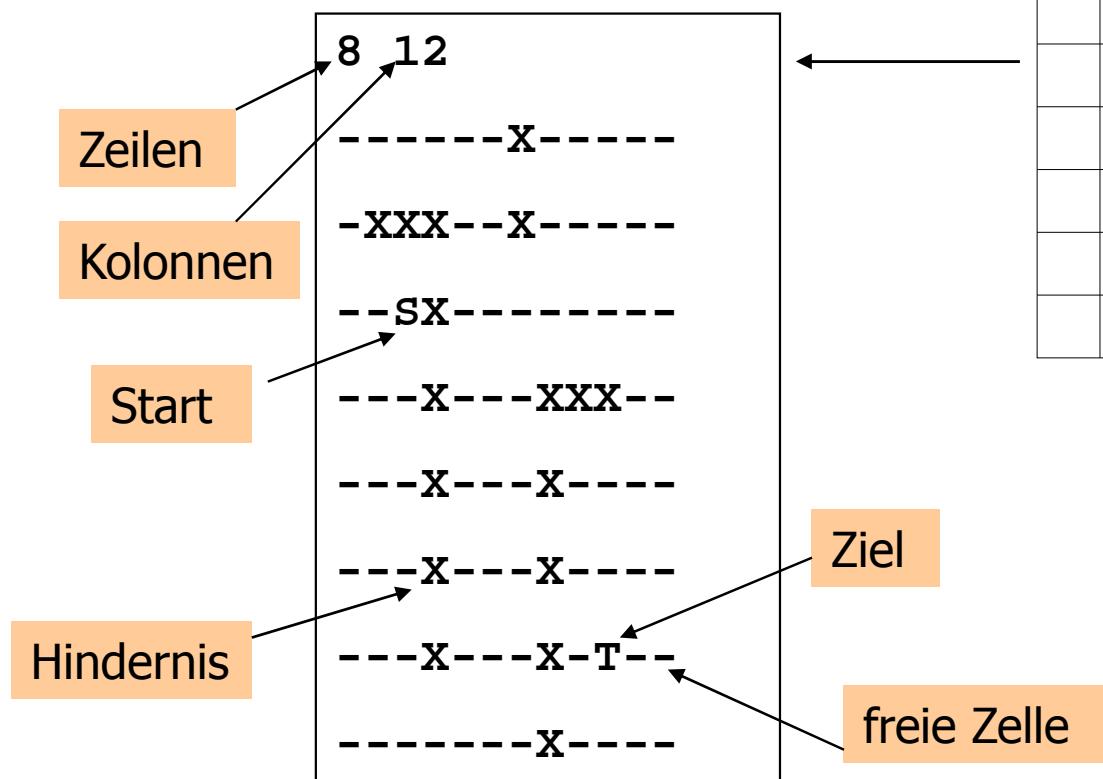
Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

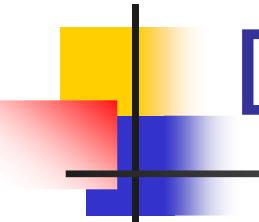
Schritt 3: Alle Zellen mit Weglänge 3:



Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Eingabeformat:

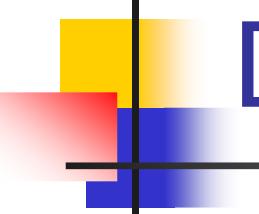




Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Dimensionen und Bereitstellung eines zweidimensionalen Feldes für die Weglängen

```
int n; std::cin >> n; // number of rows  
int m; std::cin >> m; // number of columns  
  
// dynamically allocate twodimensional array of dimensions  
// (n+2) x (m+2) to hold the floor plus extra walls around  
int** const floor = new int*[n+2];  
for (int r=0; r<n+2; ++r)  
    floor[r] = new int[m+2];
```



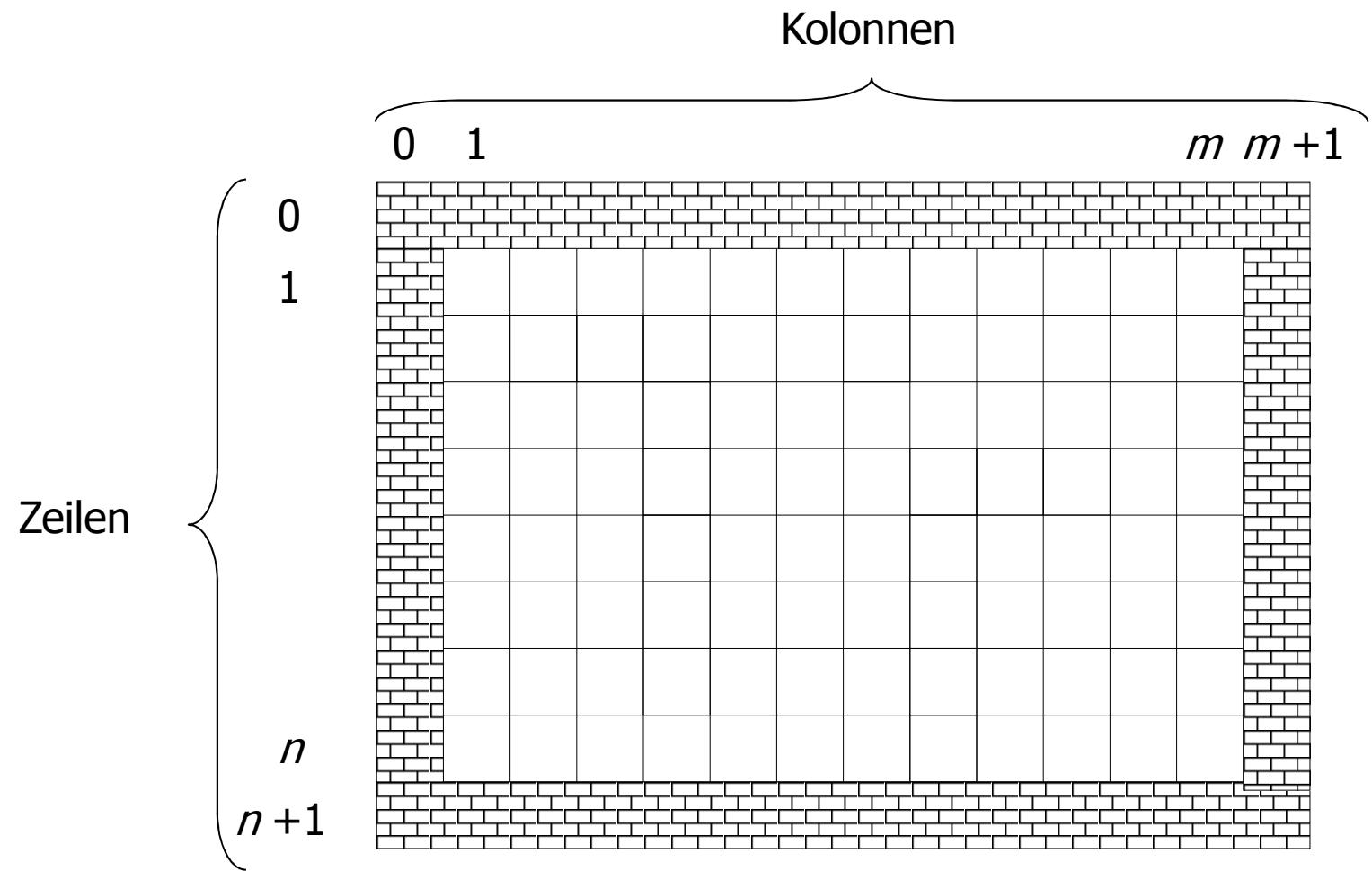
Das Kürzeste-Wege-Programm

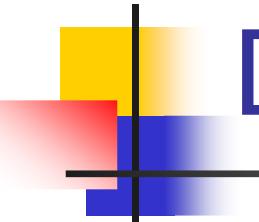
- Einlesen der Dimensionen und Bereitstellung eines zweidimensionalen Feldes für die Weglängen

```
int n; std::cin >> n; // number of rows  
int m; std::cin >> m; // number of columns  
  
// dynamically allocate twodimensional array of dimensions  
// (n+2) x (m+2) to hold the floor plus extra walls around  
int** const floor = new int*[n+2];  
for (int r=0; r<n+2; ++r)  
    floor[r] = new int[m+2];
```

Wächter (sentinels)

Das Kürzeste-Wege-Programm





Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

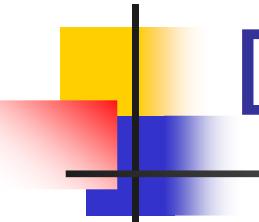
```
int tr = 0;
int tc = 0;           Zielkoordinaten (Zeilen-/Kolonnenindex)

for (int r=1; r<n+1; ++r)
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {
        char entry = '-';
        std::cin >> entry;
        if       (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
    }
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
int tc = 0;  
for (int r=1; r<n+1; ++r) ← lies die Eingabe Zeile für Zeile  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) { (z.B. durch Umlenkung der  
        char entry = '--'; Eingabe auf die Datei  
        std::cin >> entry; shortest_path0.dat)  
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;  
        else if (entry == '--') floor[r][c] = -1;  
    }
```



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
  
int tc = 0;  
  
for (int r=1; r<n+1; ++r)  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
        char entry = '--';  
        std::cin >> entry;  
  
        if       (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;  
        else if (entry == '--') floor[r][c] = -1;  
    }
```

Eingabezeichen in
Zeile $r \in \{1, \dots, n\}$ und
Kolonne $c \in \{1, \dots, m\}$

Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
  
int tc = 0;  
  
for (int r=1; r<n+1; ++r)  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
        char entry = '-';  
        std::cin >> entry;  
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;  
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;  
    }
```

Länge bereits
bekannt

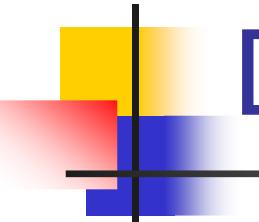
Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
int tc = 0;  
  
for (int r=1; r<n+1; ++r)  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
        char entry = '-';  
        std::cin >> entry;  
  
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;  
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;  
    }
```

Ziel: setze Koordinaten

-1: Länge noch unbekannt

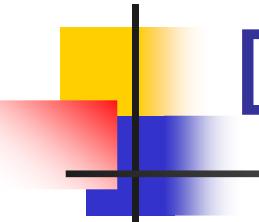


Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
int tc = 0;  
for (int r=1; r<n+1; ++r)  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
        char entry = '-';  
        std::cin >> entry;  
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2; ←  
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;  
    }
```

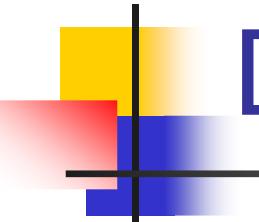
-2: Länge nicht relevant (Hindernis)



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```
int tr = 0;  
int tc = 0;  
for (int r=1; r<n+1; ++r)  
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
        char entry = '-';  
        std::cin >> entry;  
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;  
        else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;  
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;  
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1; ← -1: Länge noch unbekannt  
    }
```



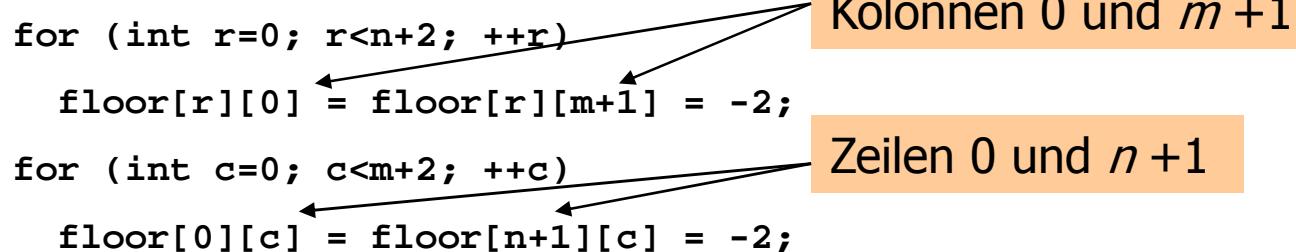
Das Kürzeste-Wege-Programm

- Hinzufügen der umschliessenden "Wände"

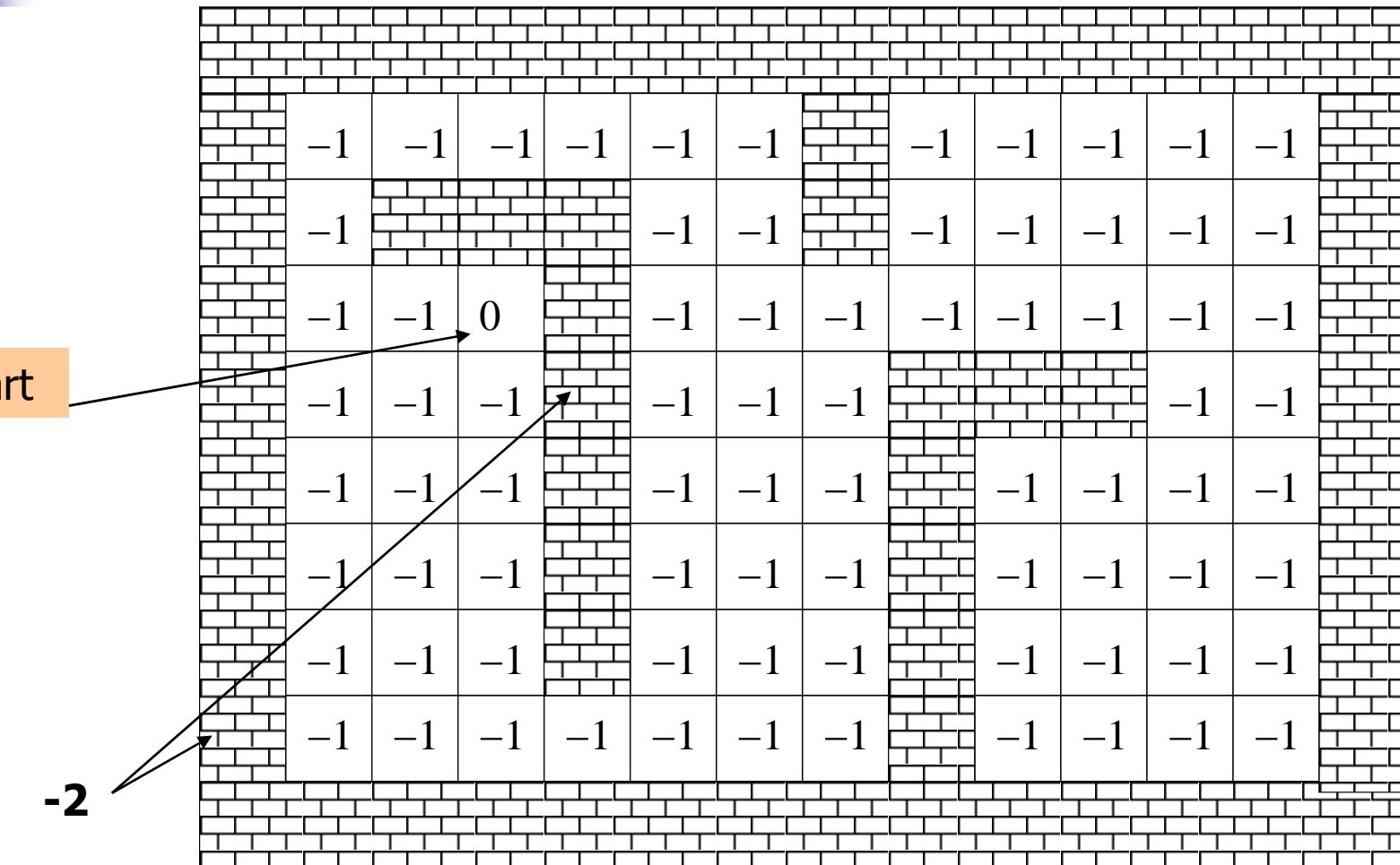
```
for (int r=0; r<n+2; ++r)
    floor[r][0] = floor[r][m+1] = -2;
for (int c=0; c<m+2; ++c)
    floor[0][c] = floor[n+1][c] = -2;
```

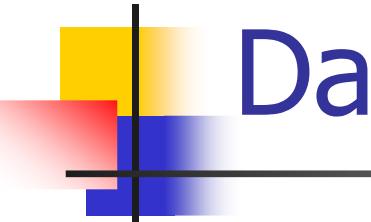
Kolonnen 0 und $m + 1$

Zeilen 0 und $n + 1$



Das Kürzeste-Wege-Programm

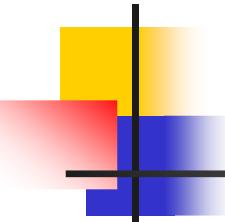




Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

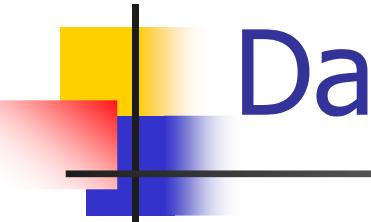
Hauptschleife: finde und markiere alle Zellen mit Weglängen $i=1,2,3\dots$



Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false; ←—————  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

Haben wir für dieses i
eine Zelle gefunden?



Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
```

Iteriere über alle
"echten" Zellen



Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue; ←  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

Betrachte Zelle in Zeile $r \in \{1, \dots, n\}$ und Kolonne $c \in \{1, \dots, m\}$:

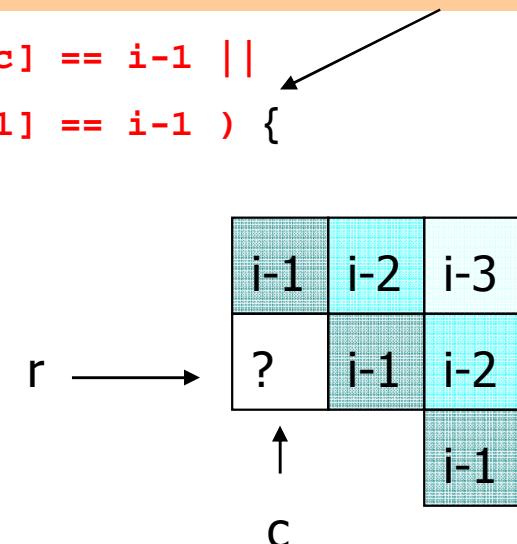
Fall 1: Hindernis, oder schon markiert

Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

Betrachte Zelle in Zeile $r \in \{1, \dots, n\}$ und Kolonne $c \in \{1, \dots, m\}$:

Fall 2: Ein Nachbar hat bereits Weglänge $i-1$

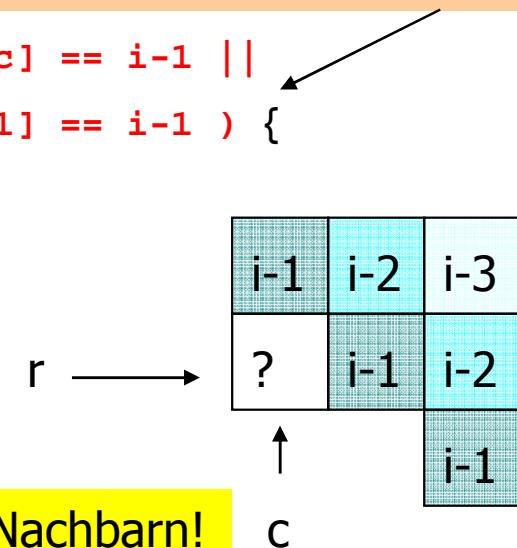


Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

Betrachte Zelle in Zeile $r \in \{1, \dots, n\}$ und Kolonne $c \in \{1, \dots, m\}$:

Fall 2: Ein Nachbar hat bereits Weglänge $i-1$



} Durch die Wächter hat jede "echte" Zelle 4 Nachbarn!

Das Kürzeste-Wege-Programm

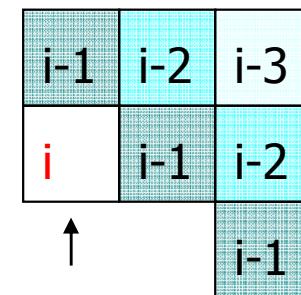
```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break;  
}
```

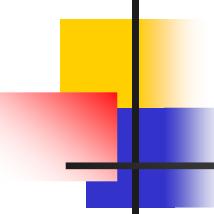
Betrachte Zelle in Zeile $r \in \{1, \dots, n\}$ und Kolonne $c \in \{1, \dots, m\}$:

Fall 2: Ein Nachbar hat bereits Weglänge $i-1$

Markiere Zelle mit i

$r \longrightarrow$

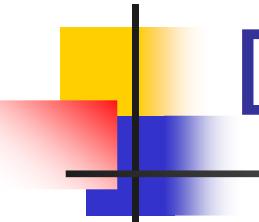




Das Kürzeste-Wege-Programm

```
for (int i=1;; ++i) {  
    bool progress = false;  
    for (int r=1; r<n+1; ++r)  
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {  
            if (floor[r][c] != -1) continue;  
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||  
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1 ) {  
                floor[r][c] = i; // label cell with i  
                progress = true;  
            }  
        }  
        if (!progress) break; ←  
    }  
}
```

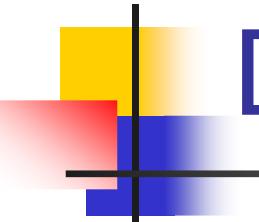
Falls keine Zelle mehr markiert werden konnte, sind wir fertig (sonst geht's weiter mit $i+1$)



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

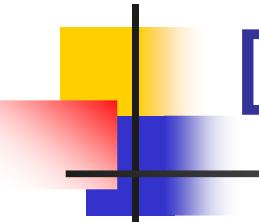
```
int r = tr; int c = tc; ← Zielzelle
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
```



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

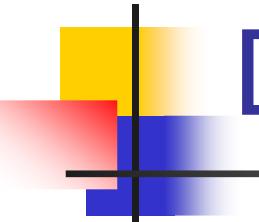
```
int r = tr; int c = tc;  
while (floor[r][c] > 0) { ← Solange Startzelle  
    const int d = floor[r][c] - 1; noch nicht erreicht...  
    floor[r][c] = -3;  
    if (floor[r-1][c] == d) --r;  
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;  
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;  
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)  
}
```



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```
int r = tr; int c = tc;  
while (floor[r][c] > 0) {  
    const int d = floor[r][c] - 1; → d = um eins kleinere  
    floor[r][c] = -3; Weglänge  
    if (floor[r-1][c] == d) --r;  
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;  
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;  
    else  
        ++c; // (floor[r][c+1] == d)  
}
```

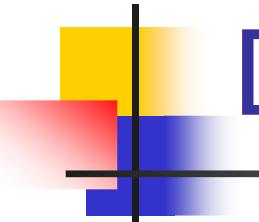


Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```
int r = tr; int c = tc;  
while (floor[r][c] > 0) {  
    const int d = floor[r][c] - 1;  
    floor[r][c] = -3; ←  
    if      (floor[r-1][c] == d) --r;  
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;  
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;  
    else  
        ++c; // (floor[r][c+1] == d)  
}
```

Markiere Zelle (mit -3 zur Unterscheidung): sie liegt auf dem kürzesten Weg

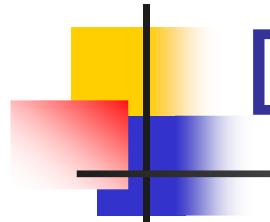


Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch “Rückwärtslaufen” vom Ziel zum Start

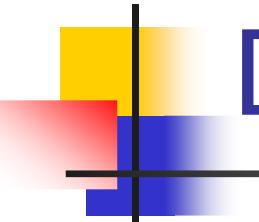
```
int r = tr; int c = tc;  
while (floor[r][c] > 0) {  
    const int d = floor[r][c] - 1;  
    floor[r][c] = -3;  
    if (floor[r-1][c] == d) --r;  
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;  
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;  
    else  
        ++c; // (floor[r][c+1] == d)  
}
```

Gehe zu einer
Nachbarzelle mit
Weglänge d und
wiederhole...



Das Kürzeste-Wege-Programm

-3	-3	-3	-3	-3	-3	15	16	17	18	19
-3				9	-3	14	15	16	17	18
-3	-3	0		10	-3	-3	-3	-3	-3	17
3	2	1		11	12	13		-3	18	
4	3	2		10	11	12	20	-3	-3	19
5	4	3		9	10	11	21	-3	19	20
6	5	4		8	9	10	22	-3	20	21
7	6	5	6	7	8	9	23	22	21	22



Das Kürzeste-Wege-Programm

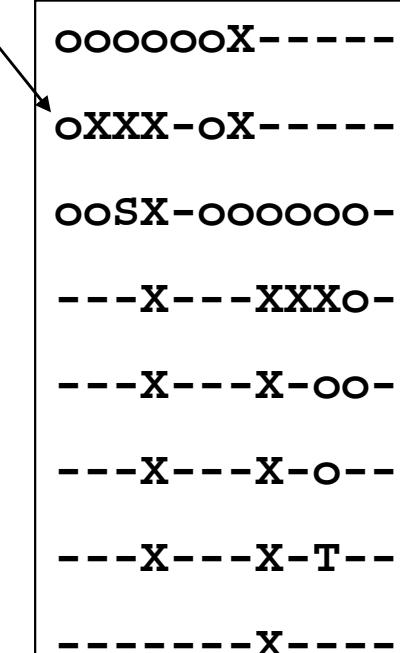
- Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
ooooooX-----
oXXX-oX-----
ooSX-oooooo-
---x---XXXo-
---x---x-oo-
---x---x-o--
---x---x-T-- 
-----x-----
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
    for (int c=1; c<m+1; ++c)
        if      (floor[r][c] == 0)    std::cout << 'S';
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
        else if (floor[r][c] == -3)   std::cout << 'o';
        else if (floor[r][c] == -2)   std::cout << 'x';
        else
            std::cout << '-';
    std::cout << "\n";
}
```



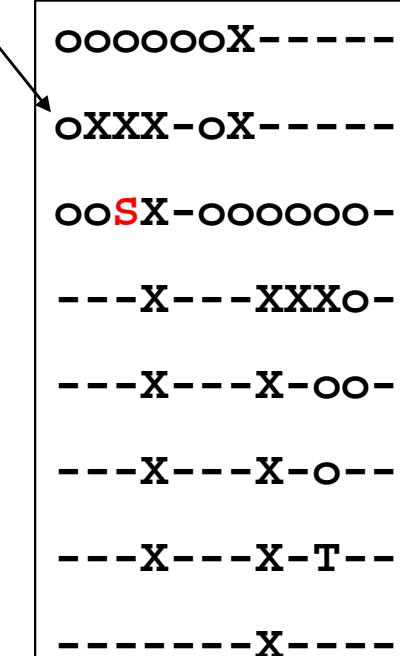
The diagram illustrates a path on a grid. The path starts at 'S' (top-left) and ends at 'T' (bottom-right). It consists of several segments: a vertical segment down to 'o', a horizontal segment right to 'x', a diagonal segment up-right to 'o', another horizontal segment right to 'x', a diagonal segment up-right to 'o', another horizontal segment right to 'x', a diagonal segment up-right to 'T'. The grid contains other characters like '-' and 'X'.

```
ooooooX-----
oXXX-oX-----
ooSX-oooooo-
---X---XXXo-
---X---X-OO-
---X---X-O-- 
---X---X-T-- 
-----X-----
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';  
        else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'x';  
        else std::cout << '-';  
    std::cout << "\n";  
}
```



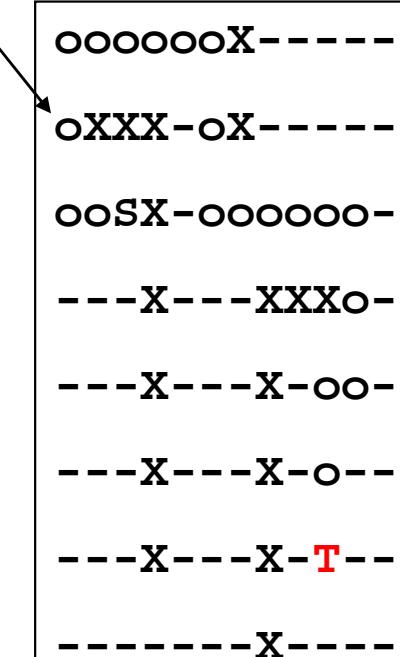
The diagram illustrates a path on a grid. The path starts at 'S' (top-left) and ends at 'T' (bottom-right). It consists of several segments: a horizontal segment from 'S' to 'X', a vertical segment down to 'o', another horizontal segment to 'X', a vertical segment down to 'o', another horizontal segment to 'X', a vertical segment down to 'T', and finally a horizontal segment to 'X' at the bottom right.

```
ooooooX-----  
oXXX-oX-----  
ooSX-oooooooo  
---X---XXXo--  
---X---X-OO--  
---X---X-O--  
---X---X-T--  
-----X-----
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'O';  
        else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';  
        else  
            std::cout << '-';  
  
    std::cout << "\n";  
}
```



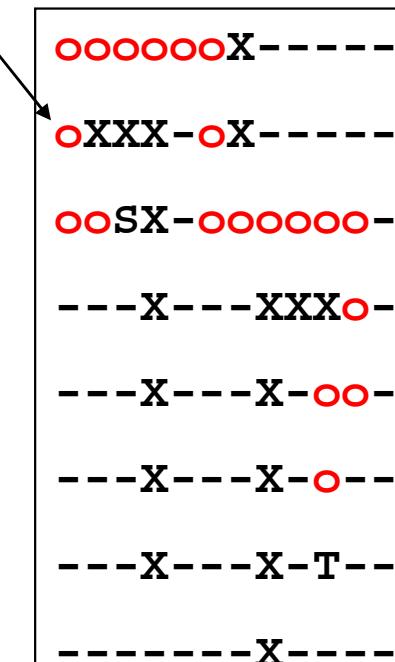
The diagram illustrates a path on a grid from a start point 'S' to a target point 'T'. The grid consists of 10 columns and 8 rows of cells. The path is indicated by a sequence of characters: 'S' at (1,1), 'X' at (1,2), 'O' at (1,3), 'X' at (1,4), 'O' at (1,5), 'X' at (1,6), 'O' at (1,7), 'X' at (1,8), 'O' at (1,9), 'X' at (1,10), and 'T' at (2,10). The path moves right along the first row, then down to the second row at column 10.

```
ooooooOX-----  
oXXX-oX-----  
oSX-oooooooo-  
---X---XXXo--  
---X---X-OO--  
---X---X-O--  
---X---X-T--  
-----X-----
```

Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';  
        else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'x';  
        else  
            std::cout << '-';  
  
    std::cout << "\n";  
}
```

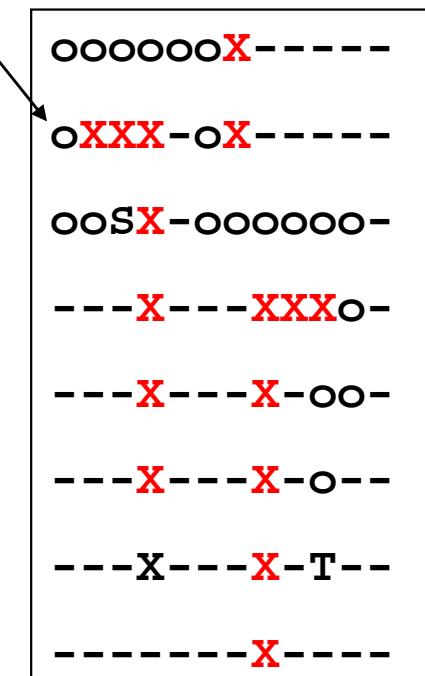


ooooooX-----
oXXX-OX-----
oSX-oooooo-
---X---XXXO-
---X---X-OO-
---X---X-O--
---X---X-T--
-----X----

Das Kürzeste-Wege-Programm

- # Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

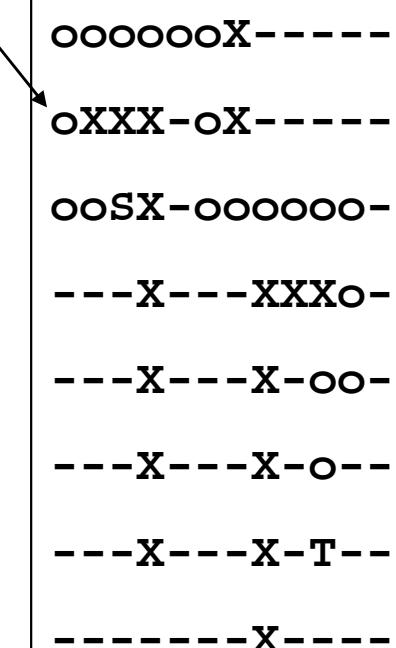
```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';  
        else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';  
        else std::cout << '-';  
    std::cout << "\n";  
}
```



Das Kürzeste-Wege-Programm

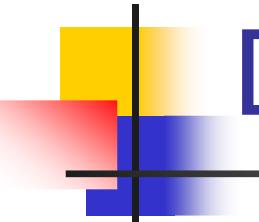
■ Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {  
    for (int c=1; c<m+1; ++c)  
        if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';  
        else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';  
        else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';  
        else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'x';  
        else std::cout << '-';  
    std::cout << "\n";  
}
```



The diagram shows a 9x9 grid of characters representing a path. The path starts at 'S' (row 1, col 1) and ends at 'T' (row 8, col 8). The path consists of several segments: a horizontal segment of 'o's from 'S' to (1, 4), a vertical segment of '-'s from (1, 4) to (4, 4), a horizontal segment of 'x's from (4, 4) to (8, 4), a vertical segment of '-'s from (8, 4) to (8, 8), and a diagonal segment of 'o's from (8, 4) to (8, 8). There are also other characters like 'X', 'O', and '-' in the grid.

```
ooooooox-----  
oXXX-oX-----  
ooSX-oooooooo  
---X---XXXo--  
---X---X-OO--  
---X---X-O--  
---X---X-T--  
-----X-----
```



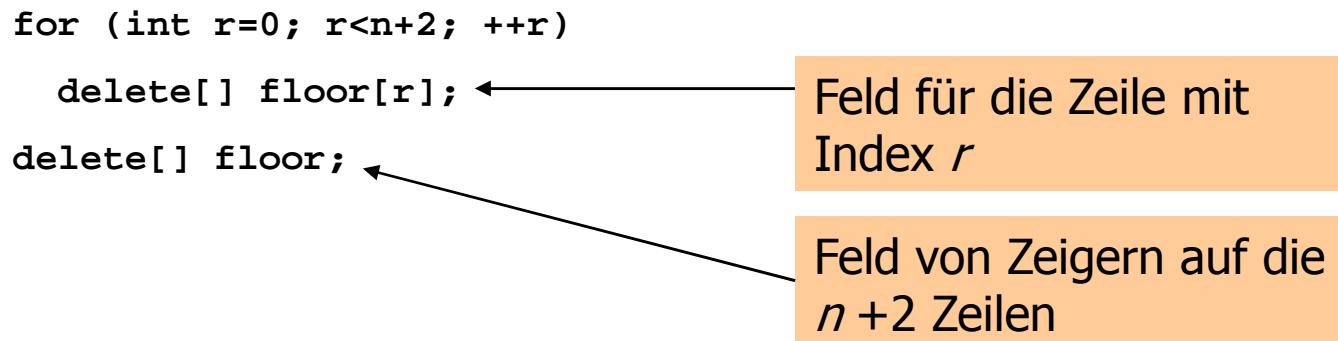
Das Kürzeste-Wege-Programm

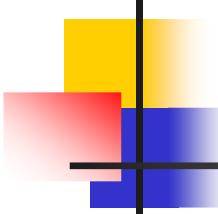
- *Last, but not least*: lösche die auf dem Heap bereitgestellten Felder

```
for (int r=0; r<n+2; ++r)
    delete[] floor[r];
delete[] floor;
```

Feld für die Zeile mit
Index r

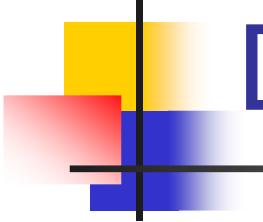
Feld von Zeigern auf die
 $n + 2$ Zeilen





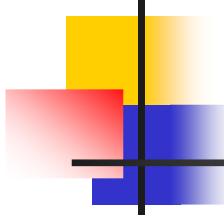
Das Kürzeste-Wege-Programm

- Das Programm kann recht langsam sein, weil für jedes i alle Zellen durchlaufen werden



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Das Programm kann recht langsam sein, weil für jedes i *alle* Zellen durchlaufen werden
- Verbesserung: durchlaufe jeweils nur die Nachbarn der Zellen mit Markierung $i-1$



Das Kürzeste-Wege-Programm

- Das Programm kann recht langsam sein, weil für jedes i *alle* Zellen durchlaufen werden
- Verbesserung: durchlaufe jeweils nur die Nachbarn der Zellen mit Markierung $i-1$
- *Challenge*